

# Лекция 5

---

в которой мы заглянем в кишочки интерпретатора

# Окружения для функций высшего порядка

## Окружения позволяют использовать функции высшего порядка

---

**Функции — это объекты первого класса.** В Python функции являются значениями, они могут быть переданы как параметр, возвращены из функции, присвоены переменной.

**Функция высшего порядка** — функция, принимающая в качестве аргумента или возвращающая другую функцию.

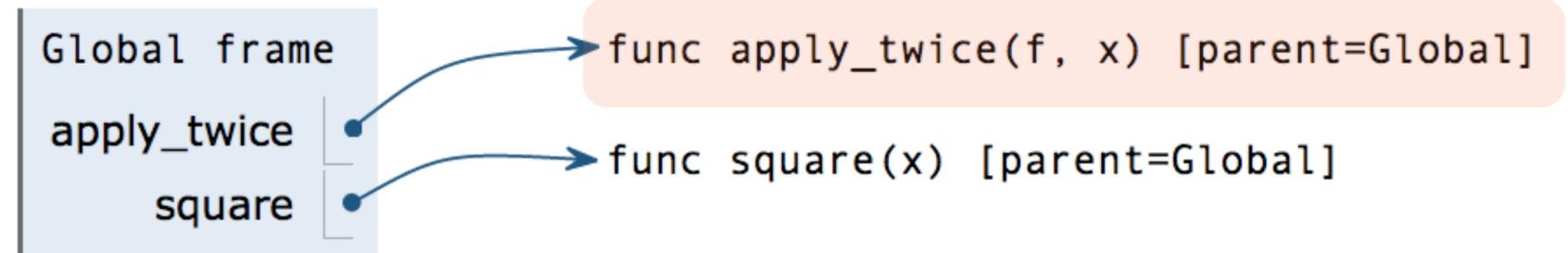
*Диаграммы окружения описывают работу функций высшего порядка!*

(Пример)

---

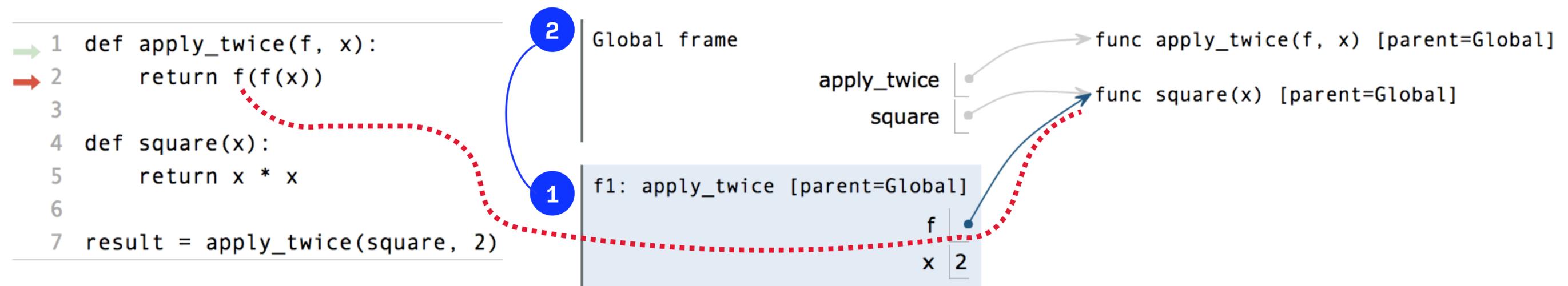
# Значения формальных параметров могут быть функциями

```
1 def apply_twice(f, x):  
2     return f(f(x))  
3  
→ 4 def square(x):  
5     return x * x  
6  
→ 7 result = apply_twice(square, 2)
```



*Вызов пользовательской функции:*

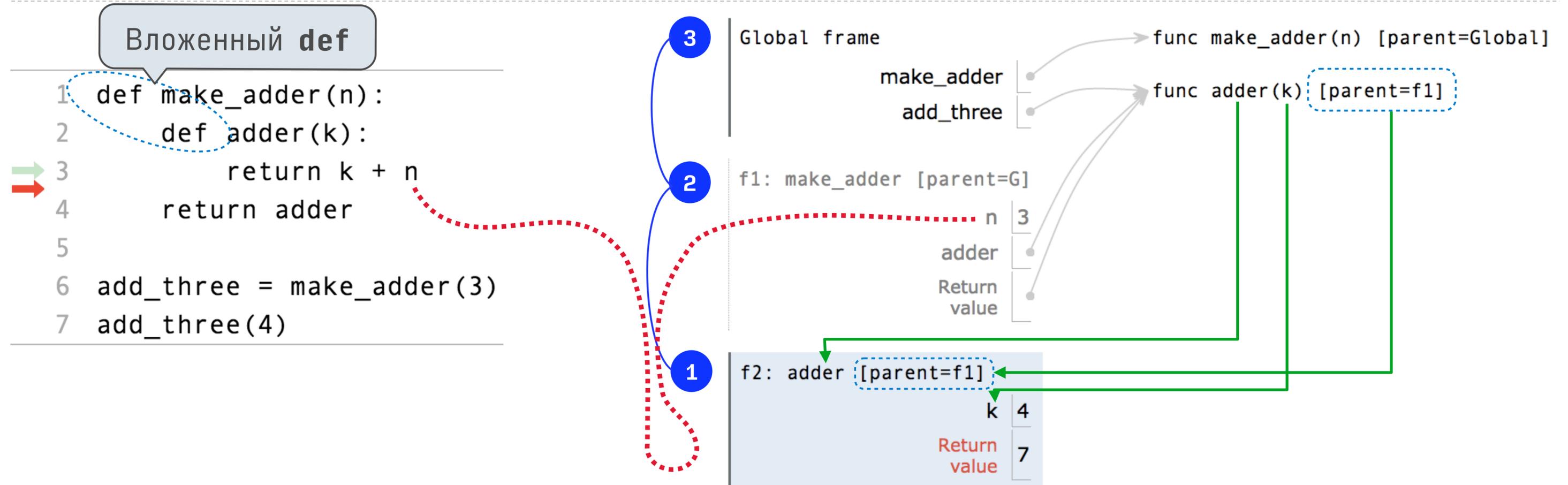
- создаётся новый фрейм;
- формальные параметры (**f** и **x**) связываются с аргументами;
- выполняется тело **return f(f(x))**.



# Окружения для вложенных функций

(Пример)

# Диаграммы окружения для вложенных инструкций def



- каждая пользовательская функция имеет родительский фрейм (зачастую глобальный);
- родительский фрейм функции — фрейм, в котором была выполнена инструкция **def**;
- каждый локальный фрейм имеет родительский фрейм (зачастую глобальный);
- родитель фрейма — это родитель вызванной функции.

## Как нарисовать диаграмму окружения

---

### Выполнение инструкции `def`:

Создается функция (значение): `func <имя>(<формальные параметры>) [parent=<метка>]`

Её родителем становится текущий фрейм.



Происходит связывание `<имени>` с функцией в текущем фрейме.

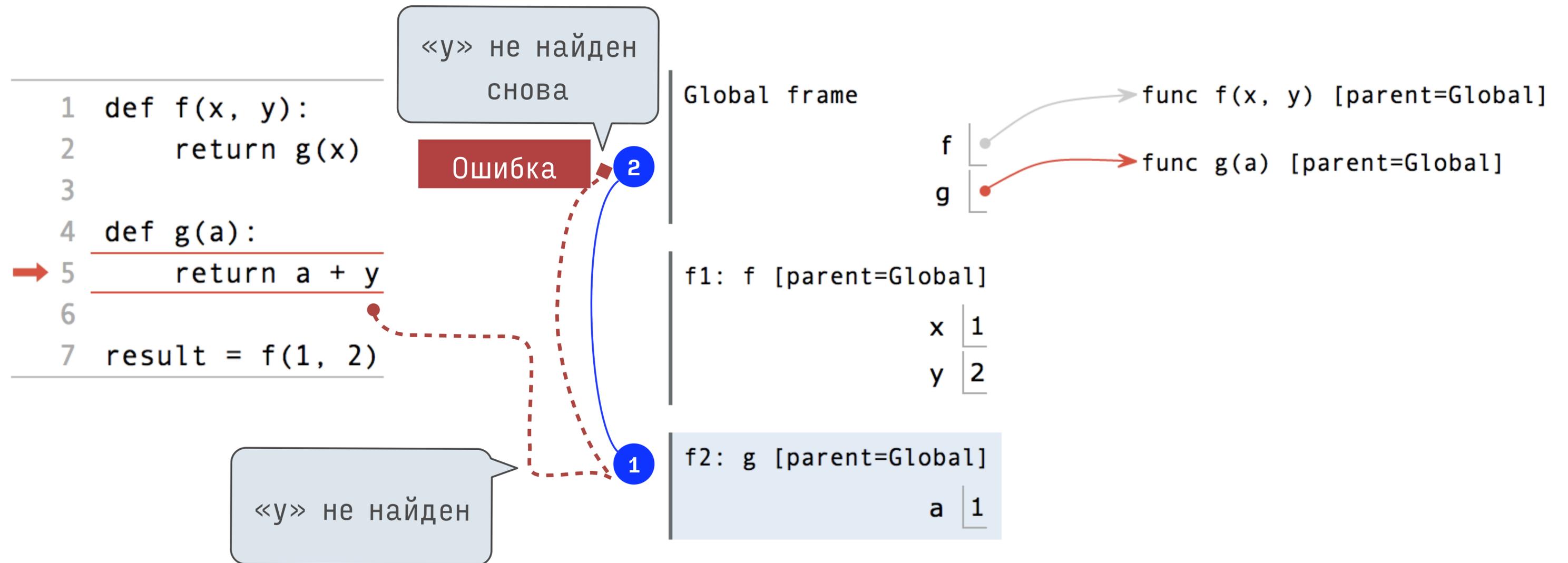
### При вызове функции:

1. Добавляется локальный фрейм, озаглавленный `<именем>` вызванной функции.
  - ★ 2. Родитель функции копируется в локальный фрейм: `[parent=<метка>]`
  3. `<Формальные параметры>` связываются со значениями аргументами в локальном фрейме.
  4. В окружении, начинающемся с локального фрейма, выполняется тело функции.
-

# Локальные имена

(Пример)

# Локальные имена не видны другим (невложенным) функциям



- окружение — последовательность фреймов;
- окружение созданное вызовом функции верхнего уровня (без вложенных def) состоит из локального фрейма, за которым следует глобальный фрейм.

# Лямбда – выражения

(Пример)

# Лямбда-выражения

```
>>> x = 10
```

Выражение: приводится к значению

```
>>> square = x * x
```

Тоже выражение: приводится к функции

```
>>> square = lambda x: x * x
```

Важно: нет инструкции **return**!

Функция

с формальным параметром  $x$

которая возвращает значение  $\langle x * x \rangle$

```
>>> square(4)
```

```
16
```

Должно быть простым выражением

Лямбда-выражения — не особенность Python, они встречаются в разных языках.

Лямбда-выражения в Python не могут содержать инструкций!

# Лямбда-выражение против инструкций «def»



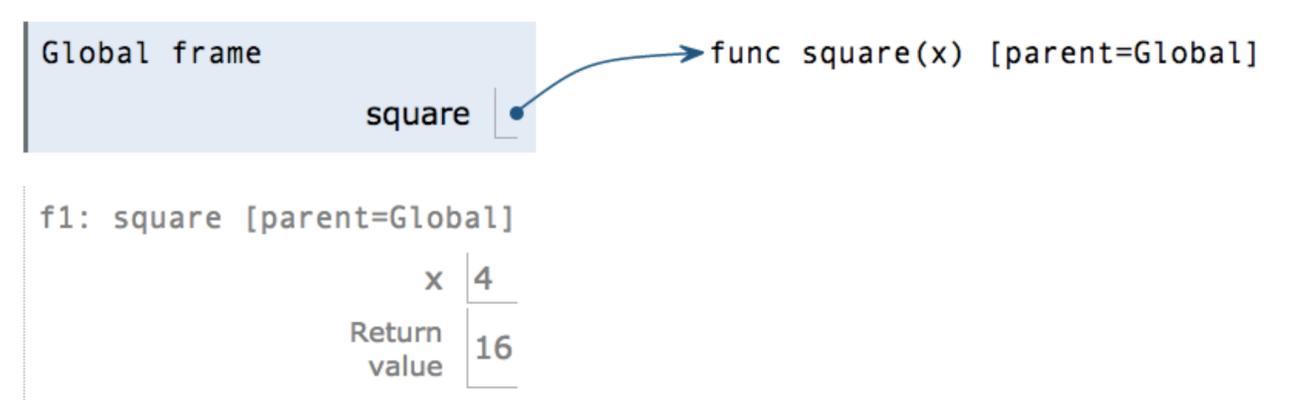
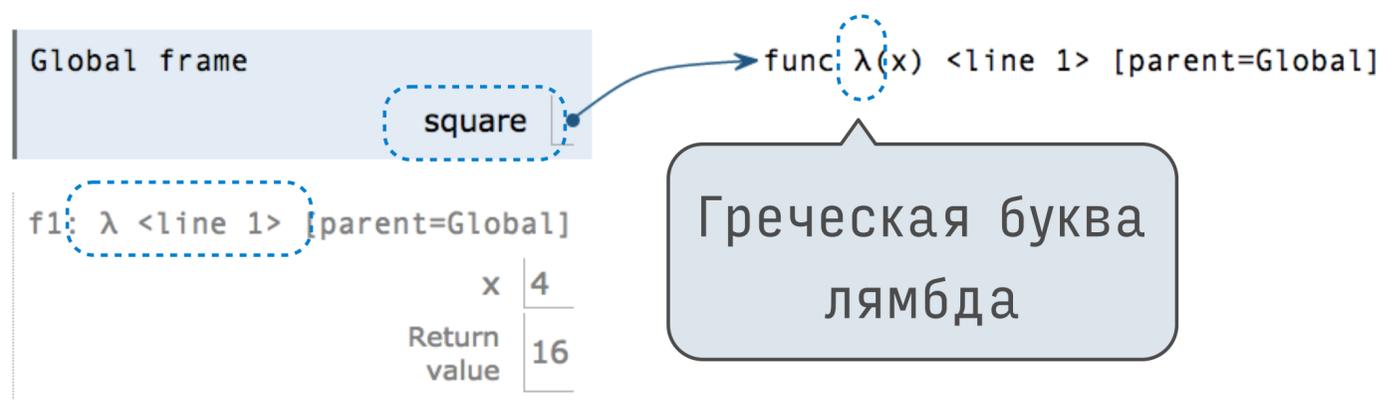
```
square = lambda x: x * x
```

**VS**

```
def square(x):  
    return x * x
```



- оба создают функцию с одинаковым поведением, областями определения и значения;
- обе функции считают родительским фрейм, в котором они были определены;
- обе функции связаны с именем «square».
- только инструкция «def» назначает функции внутреннее имя.



# Каррирование

# Каррирование функций

```
def make_adder(n):  
    return lambda k: n + k
```

```
>>> make_adder(2)(3)  
5  
>>> add(2, 3)  
5
```

Между этими функциями есть глубокая связь



**Каррирование:** преобразование функции от многих аргументов в функцию высшего порядка, берущую свои аргументы по одному.

Преобразование было введено Моисеем Шейнфинкелем, но получило свое название позже в честь Хаскелла Карри.

Шейнфинкелирование?

# Композиция функций

(Пример)

# Диаграмма окружения при композиции функций

```
1 def square(x):
2     return x * x
3
4 def make_adder(n):
5     def adder(k):
6         return k + n
7     return adder
8
9 def compose1(f, g):
10    def h(x):
11        return f(g(x))
12    return h
13
14 compose1(square, make_adder(2))(3)
```

Возвращаемое из `make_adder`  
значение — это значение  
аргумента для `compose1`

