

## Лекция 11

---

Диаграммы типа Контейнер-и-Указатель

## Свойство замыкания типов данных

---

Метод объединения значений данных удовлетворяет условию замыкания, если:

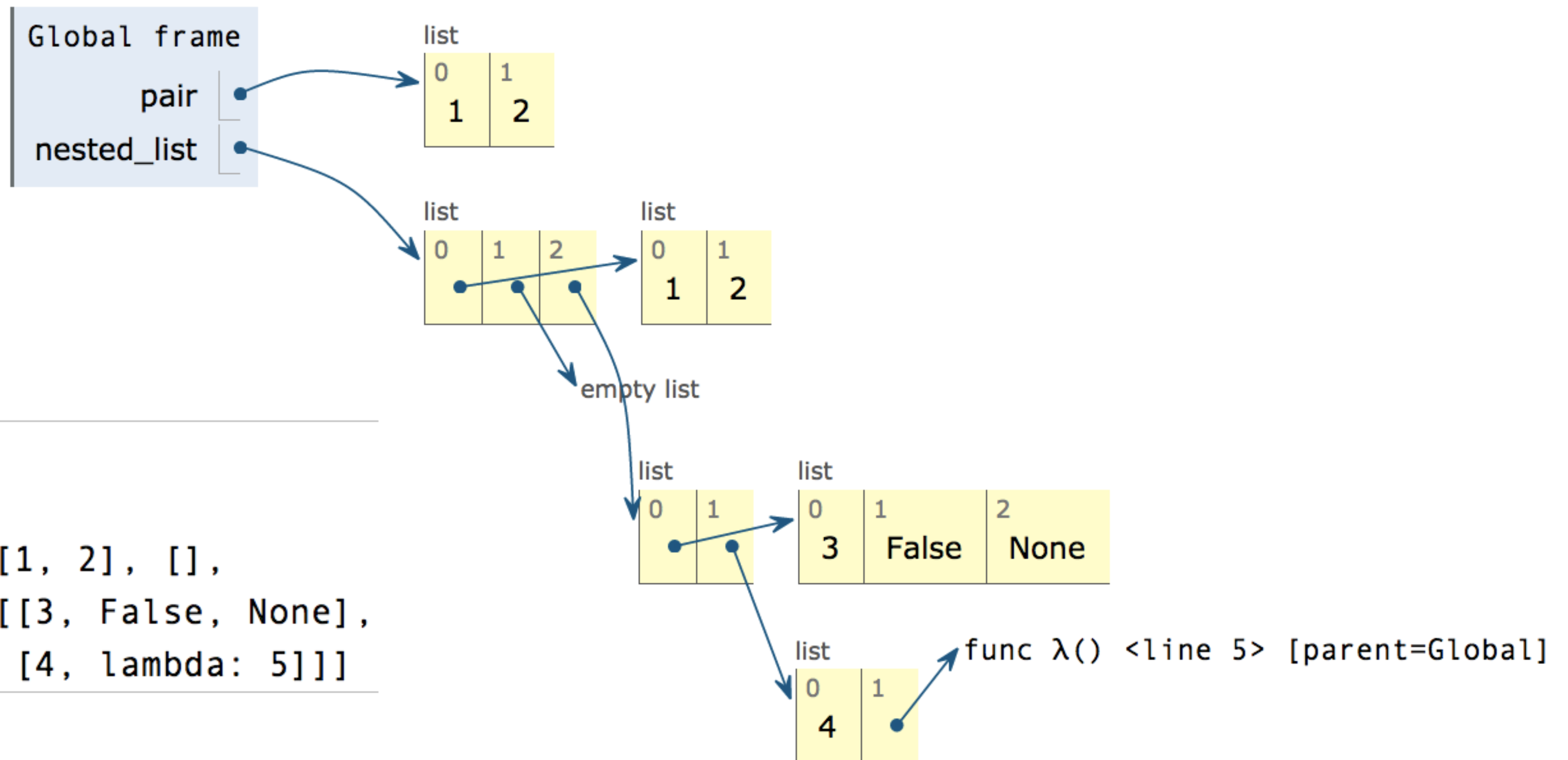
- Результат объединения может быть использован для объединения тем же методом.
- Замыкание позволяет эффективно объединять данные, поскольку позволяет создавать иерархические структуры.
- Иерархические структуры состоят из частей, которые в свою очередь состоят из частей и так далее.

Элементами списка могут быть списки (помимо всего прочего)

## Контейнер-и-Указатель на диаграммах окружения

Списки представляются строкой пронумерованных контейнеров, один на элемент.

Каждый контейнер содержит простое значение или указывает на составное значение.



# Операции с последовательностями

# Принадлежность и срезы

В Python есть операторы принадлежности и среза.

## Принадлежность.

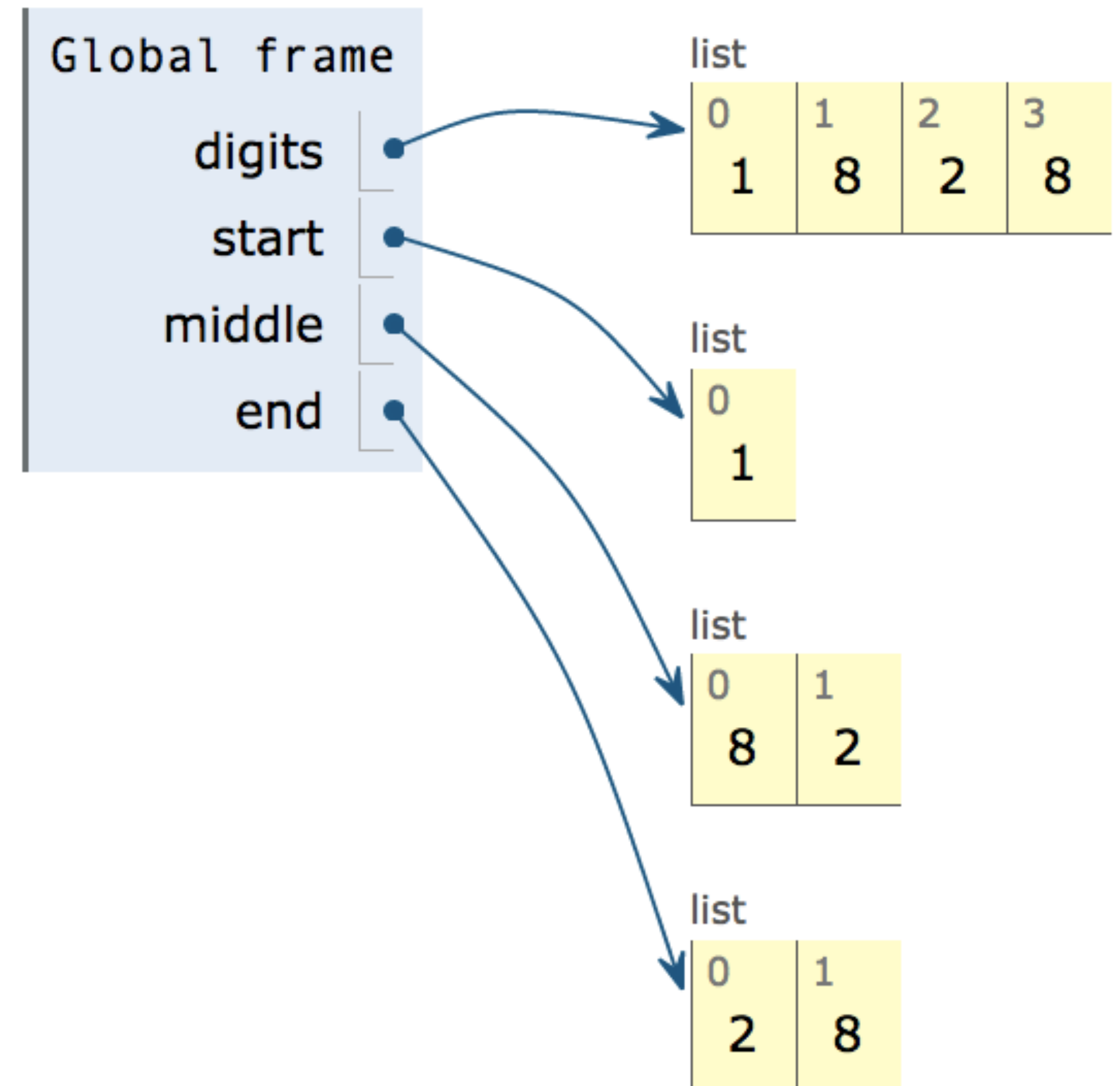
```
>>> digits = [1, 8, 2, 8]
>>> 2 in digits
True
>>> 1828 not in digits
True
```

```
1 digits = [1, 8, 2, 8]
2 start = digits[:1]
3 middle = digits[1:3]
→ 4 end = digits[2:]
```

## Срез.

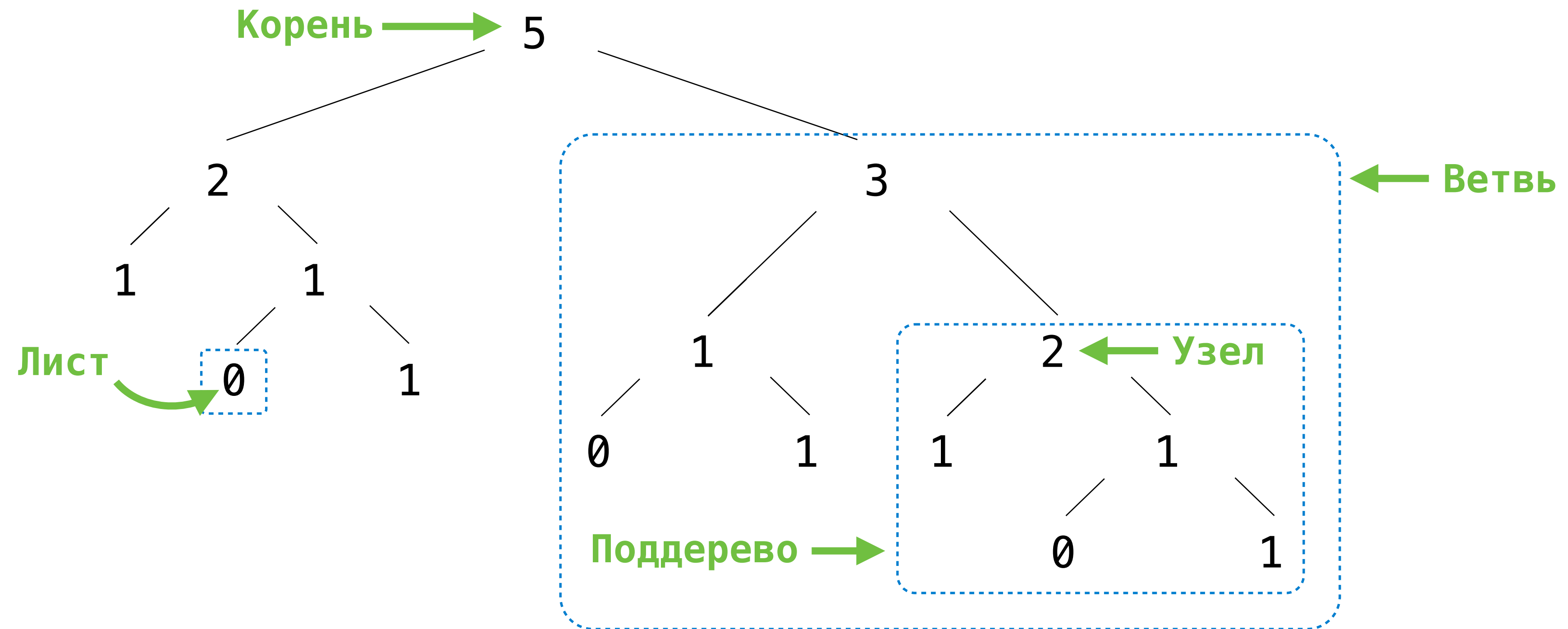
```
>>> digits[0:2]
[1, 8]
>>> digits[1:]
[8, 2, 8]
```

Возвращает новый объект



Деревья

# Абстракция дерева



Дерево содержит корневое значение и набор ветвей; каждая ветвь – тоже дерево.

Дерево без ветвей называют листом.

Корневые значения поддеревьев корневого дерева часто называют узловыми значениями или узлами.



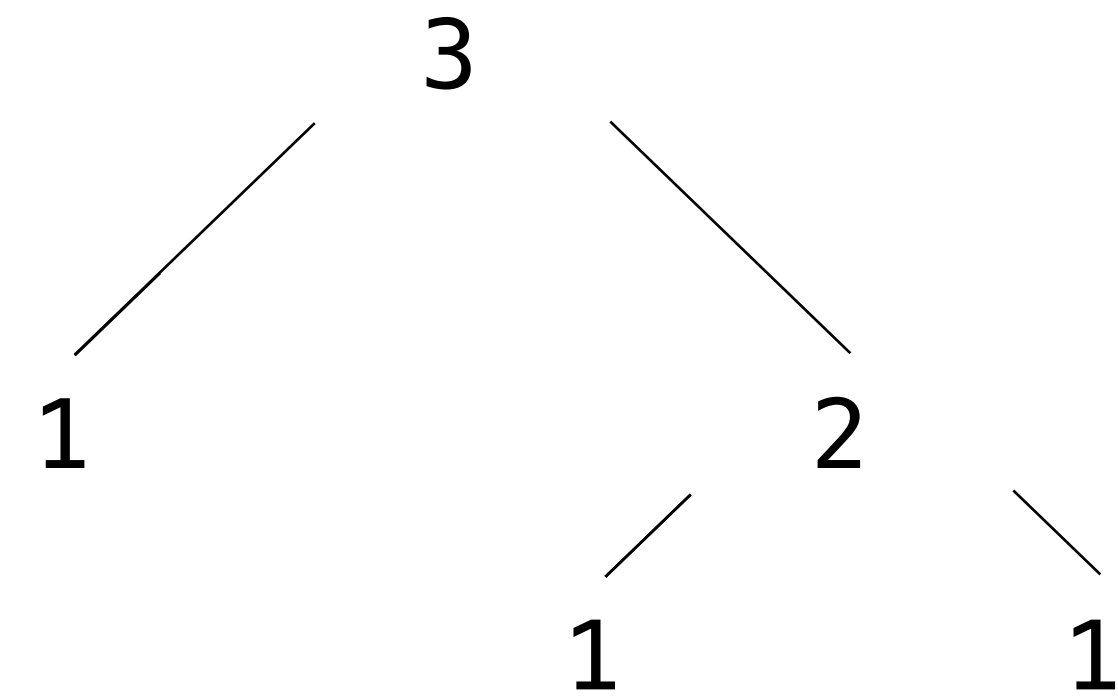
## Создание абстракции корневого дерева

```
def tree(label, branches=[]):  
    return [label] + branches
```

```
def label(tree):  
    return tree[0]
```

```
def branches(tree):  
    return tree[1:]
```

Дерево содержит корневое значение и набор ветвей; каждая ветвь – тоже дерево.



```
>>> tree(3, [tree(1),  
...         tree(2, [tree(1),  
...                 tree(1)])])  
[3, [1], [2, [1], [1]]]
```

# Создание абстракции корневого дерева

```
def tree(label, branches=[]):  
    for branch in branches:  
        assert is_tree(branch)  
    return [label] + list(branches)
```

Ветви – это деревья!

```
def label(tree):  
    return tree[0]
```

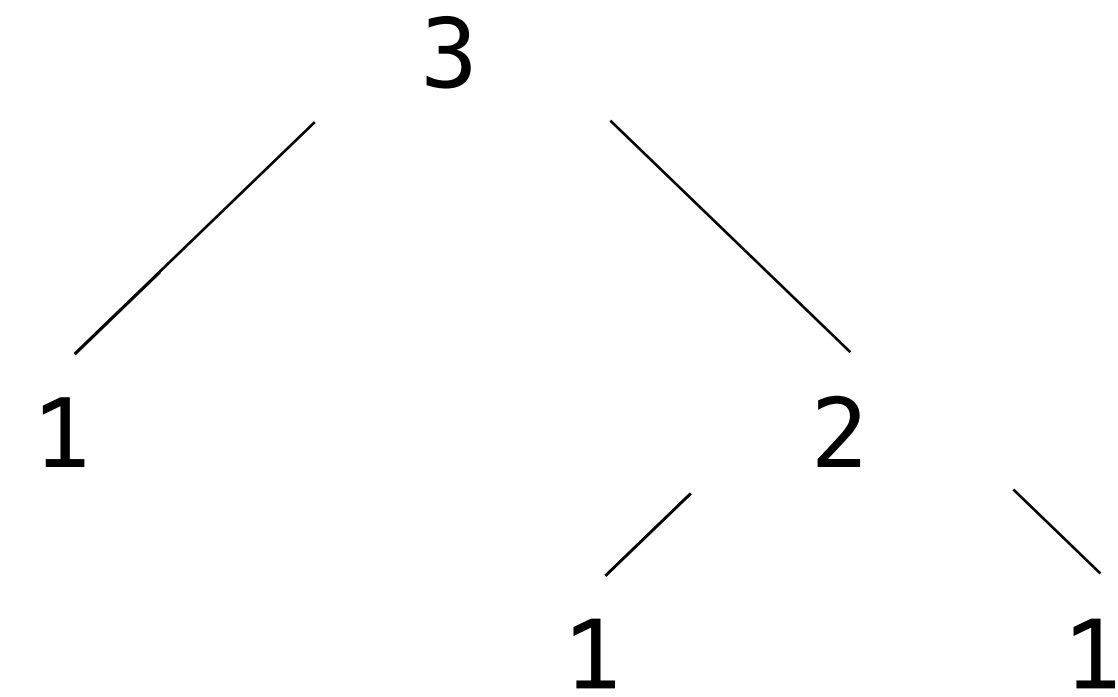
Список из последовательности ветвей

```
def branches(tree):  
    return tree[1:]
```

Проверяет, что дерево сделано на списках

```
def is_tree(tree):  
    if type(tree) != list or len(tree) < 1:  
        return False  
    for branch in branches(tree):  
        if not is_tree(branch):  
            return False  
    return True
```

Дерево содержит корневое значение и набор ветвей; каждая ветвь – тоже дерево.



```
>>> tree(3, [tree(1),  
...         tree(2, [tree(1),  
...                 tree(1)])])  
[3, [1], [2, [1], [1]]]
```

```
def is_leaf(tree):  
    return not branches(tree)
```

(Пример)

## Рекурсивная обработка деревьев

---

Обработка листа зачастую является базовым случаем функции обработки дерева.

Рекурсивная часть обычно содержит рекурсивный вызов для каждой ветви и затем агрегирует результаты.

```
def count_leaves(tree):  
    """Считает количество листьев в дереве."""  
    if is_leaf(tree):  
        return 1  
    else:  
        branch_counts = [count_leaves(b) for b in branches(tree)]  
        return sum(branch_counts)
```

(Пример)

## Вопрос

---

Дополни функцию `leaves`, которая принимает дерево и возвращает список его листьев.

*Подсказка:* Если объединять (`sum`) список списков, то получится общий список из элементов ЭТИХ СПИСКОВ.

```
>>> sum([[1], [2, 3], [4]], [])
[1, 2, 3, 4]
>>> sum([[1]], [])
[1]
>>> sum([[[1]], [2]], [])
[[1], 2]

def leaves(tree):
    """Возвращает список листьев дерева.

    >>> leaves(fib_tree(5))
    [1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1]
    """
    if is_leaf(tree):
        return [label(tree)]
    else:
        return sum([leaves(b) for b in branches(tree)], [])
```