

## Лекция 20

---

# Множества

# Множества

---

# Множества

---

Ещё один контейнерный тип в Python

# Множества

---

Ещё один контейнерный тип в Python

— Множества задаются в фигурных скобках

# Множества

---

Ещё один контейнерный тип в Python

- Множества задаются в фигурных скобках
- Повторяющиеся элементы удаляются на этапе создания

# Множества

---

Ещё один контейнерный тип в Python

- Множества задаются в фигурных скобках
- Повторяющиеся элементы удаляются на этапе создания
- Элементы множества неупорядочены

# Множества

---

Ещё один контейнерный тип в Python

- Множества задаются в фигурных скобках
- Повторяющиеся элементы удаляются на этапе создания
- Элементы множества неупорядочены

```
>>> s = {'один', 'два', 'три', 'четыре', 'четыре'}
```

# Множества

---

Ещё один контейнерный тип в Python

- Множества задаются в фигурных скобках
- Повторяющиеся элементы удаляются на этапе создания
- Элементы множества неупорядочены

```
>>> s = {'один', 'два', 'три', 'четыре', 'четыре'}  
>>> s  
{ 'четыре', 'один', 'три', 'два' }
```

# Множества

---

Ещё один контейнерный тип в Python

- Множества задаются в фигурных скобках
- Повторяющиеся элементы удаляются на этапе создания
- Элементы множества неупорядочены

```
>>> s = {'один', 'два', 'три', 'четыре', 'четыре'}
>>> s
{'четыре', 'один', 'три', 'два'}
>>> 'три' in s
True
```

# Множества

---

Ещё один контейнерный тип в Python

- Множества задаются в фигурных скобках
- Повторяющиеся элементы удаляются на этапе создания
- Элементы множества неупорядочены

```
>>> s = {'один', 'два', 'три', 'четыре', 'четыре'}
>>> s
{'четыре', 'один', 'три', 'два'}
>>> 'три' in s
True
>>> len(s)
4
```

# Множества

---

Ещё один контейнерный тип в Python

- Множества задаются в фигурных скобках
- Повторяющиеся элементы удаляются на этапе создания
- Элементы множества неупорядочены

```
>>> s = {'один', 'два', 'три', 'четыре', 'четыре'}
>>> s
{'четыре', 'один', 'три', 'два'}
>>> 'три' in s
True
>>> len(s)
4
>>> s.union({'один', 'пять'})
{'пять', 'три', 'четыре', 'один', 'два'}
```

# Множества

---

Ещё один контейнерный тип в Python

- Множества задаются в фигурных скобках
- Повторяющиеся элементы удаляются на этапе создания
- Элементы множества неупорядочены

```
>>> s = {'один', 'два', 'три', 'четыре', 'четыре'}
>>> s
{'четыре', 'один', 'три', 'два'}
>>> 'три' in s
True
>>> len(s)
4
>>> s.union({'один', 'пять'})
{'пять', 'три', 'четыре', 'один', 'два'}
>>> s.intersection({'шесть', 'пять', 'четыре', 'три'})
{'четыре', 'три'}
```

# Операции с множествами

---

# Операции с множествами

---

Что можно делать с множествами:

# Операции с множествами

---

Что можно делать с множествами:

- **Проверка принадлежности:** Является ли значение элементом множества?

# Операции с множествами

---

Что можно делать с множествами:

- **Проверка принадлежности:** Является ли значение элементом множества?
- **Объединение:** Возвращает множество элементов находящихся в `set1` или в `set2`

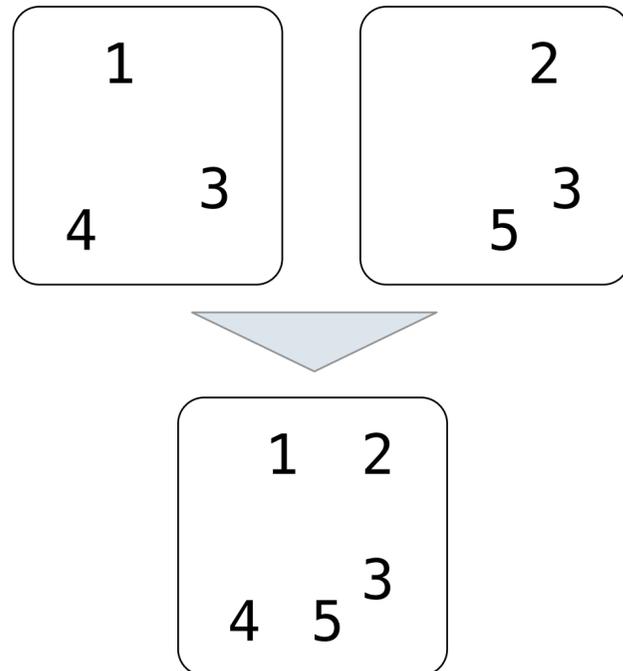
# Операции с множествами

---

Что можно делать с множествами:

- **Проверка принадлежности:** Является ли значение элементом множества?
- **Объединение:** Возвращает множество элементов находящихся в set1 или в set2

## Объединение



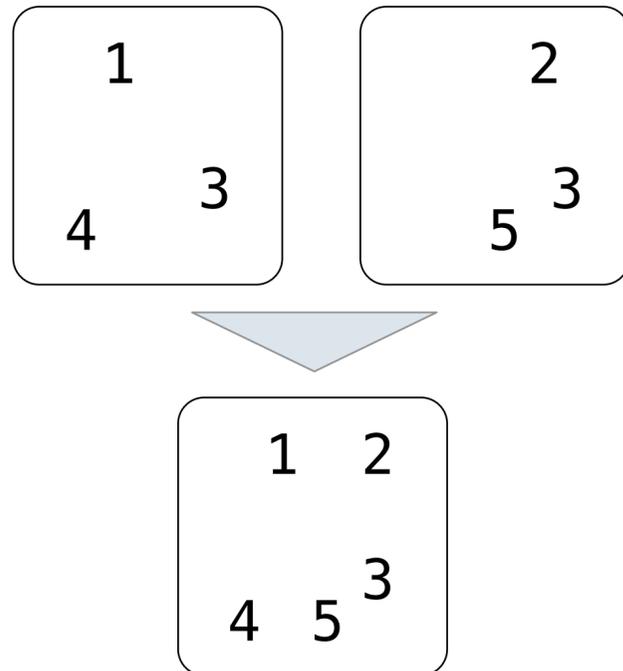
# Операции с множествами

---

Что можно делать с множествами:

- **Проверка принадлежности:** Является ли значение элементом множества?
- **Объединение:** Возвращает множество элементов находящихся в set1 или в set2
- **Пересечение:** Возвращает множество элементов находящихся и в set1, и в set2

## Объединение



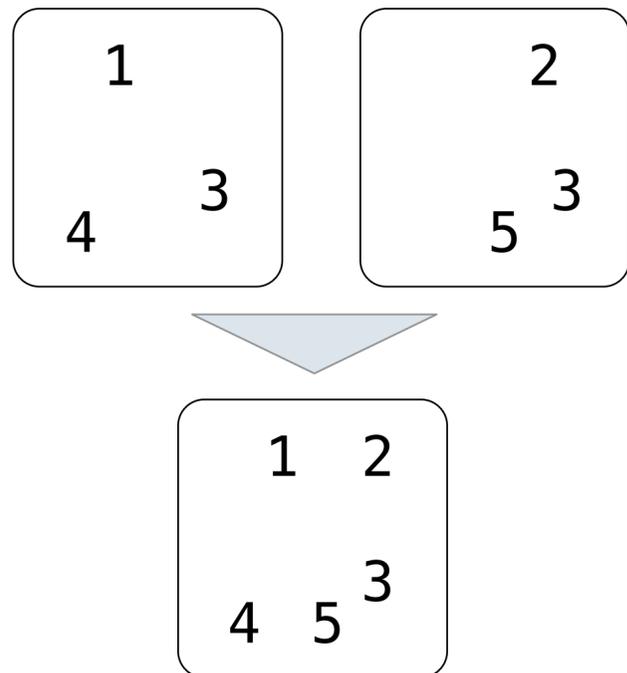
# Операции с множествами

---

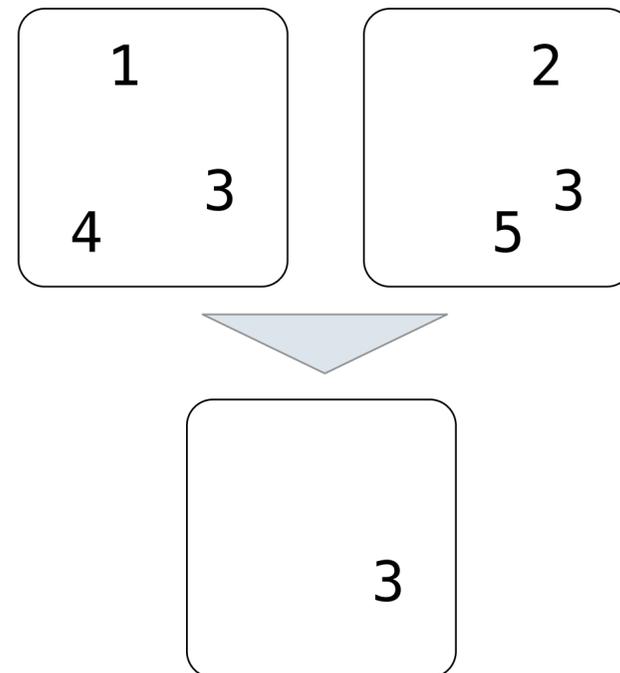
Что можно делать с множествами:

- **Проверка принадлежности:** Является ли значение элементом множества?
- **Объединение:** Возвращает множество элементов находящихся в set1 или в set2
- **Пересечение:** Возвращает множество элементов находящихся и в set1, и в set2

**Объединение**



**Пересечение**



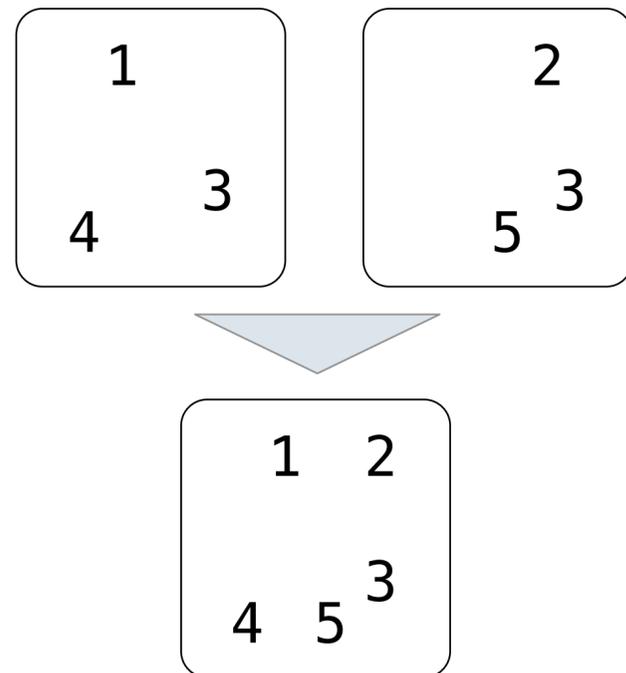
# Операции с множествами

---

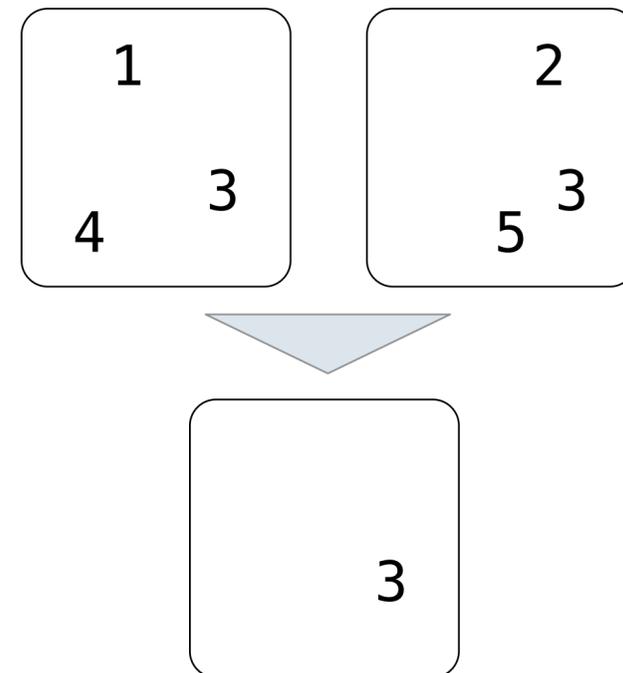
Что можно делать с множествами:

- **Проверка принадлежности:** Является ли значение элементом множества?
- **Объединение:** Возвращает множество элементов находящихся в set1 или в set2
- **Пересечение:** Возвращает множество элементов находящихся и в set1, и в set2
- **Присоединение (добавление):** Возвращает множество элементов из s и значение v

**Объединение**



**Пересечение**



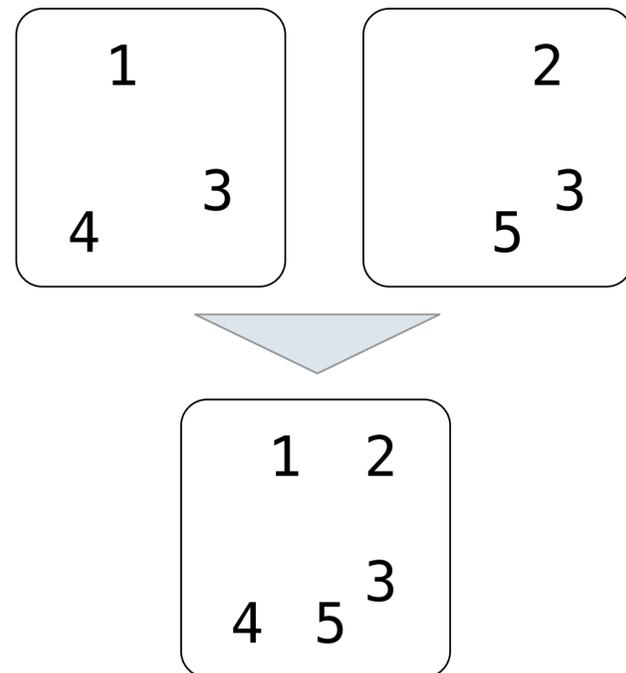
# Операции с множествами

---

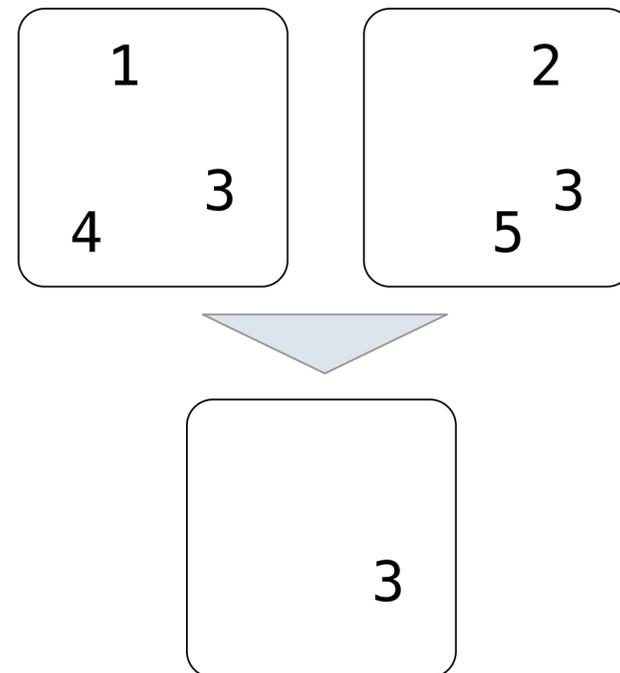
Что можно делать с множествами:

- **Проверка принадлежности:** Является ли значение элементом множества?
- **Объединение:** Возвращает множество элементов находящихся в set1 или в set2
- **Пересечение:** Возвращает множество элементов находящихся и в set1, и в set2
- **Присоединение (добавление):** Возвращает множество элементов из s и значение v

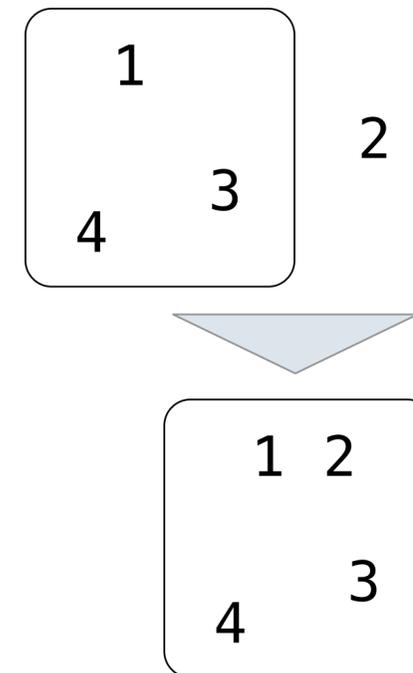
**Объединение**



**Пересечение**



**Присоединение**



Множества на связных списках

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

```
def empty(s):  
    return s is Link.empty
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

```
def empty(s):  
    return s is Link.empty  
  
def contains(s, v):  
    """Проверяет, что множество s содержит значение v.  
  
    >>> s = Link(1, Link(2, Link(3)))  
    >>> set_contains(s, 2)  
    True  
    """
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

```
def empty(s):
    return s is Link.empty

def contains(s, v):
    """Проверяет, что множество s содержит значение v.

    >>> s = Link(1, Link(2, Link(3)))
    >>> set_contains(s, 2)
    True
    """
    if empty(s):
        return False
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

```
def empty(s):
    return s is Link.empty

def contains(s, v):
    """Проверяет, что множество s содержит значение v.

    >>> s = Link(1, Link(2, Link(3)))
    >>> set_contains(s, 2)
    True
    """
    if empty(s):
        return False
    elif s.first == v:
        return True
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

```
def empty(s):
    return s is Link.empty

def contains(s, v):
    """Проверяет, что множество s содержит значение v.

    >>> s = Link(1, Link(2, Link(3)))
    >>> set_contains(s, 2)
    True
    """
    if empty(s):
        return False
    elif s.first == v:
        return True
    else:
        return contains(s.rest, v)
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

**Временной порядок роста**

```
def empty(s):
    return s is Link.empty

def contains(s, v):
    """Проверяет, что множество s содержит значение v.

    >>> s = Link(1, Link(2, Link(3)))
    >>> set_contains(s, 2)
    True
    """
    if empty(s):
        return False
    elif s.first == v:
        return True
    else:
        return contains(s.rest, v)
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

**Временной порядок роста**

```
def empty(s):  
    return s is Link.empty
```

$\Theta(1)$

```
def contains(s, v):  
    """Проверяет, что множество s содержит значение v.
```

```
>>> s = Link(1, Link(2, Link(3)))  
>>> set_contains(s, 2)  
True  
"""
```

```
if empty(s):  
    return False  
elif s.first == v:  
    return True  
else:  
    return contains(s.rest, v)
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

**Временной порядок роста**

```
def empty(s):  
    return s is Link.empty
```

$\Theta(1)$

```
def contains(s, v):  
    """Проверяет, что множество s содержит значение v.
```

*Время зависит от того,  
где v находится в s*

```
>>> s = Link(1, Link(2, Link(3)))  
>>> set_contains(s, 2)  
True  
"""
```

```
if empty(s):  
    return False  
elif s.first == v:  
    return True  
else:  
    return contains(s.rest, v)
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

**Временной порядок роста**

```
def empty(s):  
    return s is Link.empty
```

$\Theta(1)$

```
def contains(s, v):  
    """Проверяет, что множество s содержит значение v.
```

*Время зависит от того,  
где v находится в s*

```
>>> s = Link(1, Link(2, Link(3)))  
>>> set_contains(s, 2)  
True  
"""
```

$\Theta(n)$

```
if empty(s):  
    return False  
elif s.first == v:  
    return True  
else:  
    return contains(s.rest, v)
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

**Временной порядок роста**

```
def empty(s):  
    return s is Link.empty
```

$\Theta(1)$

```
def contains(s, v):  
    """Проверяет, что множество s содержит значение v.
```

*Время зависит от того,  
где v находится в s*

```
>>> s = Link(1, Link(2, Link(3)))  
>>> set_contains(s, 2)  
True  
"""
```

$\Theta(n)$

```
if empty(s):  
    return False  
elif s.first == v:  
    return True  
else:  
    return contains(s.rest, v)
```

*Худший случай:  
v не находится в s*

**ИЛИ**

*Средний случай: находится в  
равнораспределённом случайном  
месте*

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

**Предложение 1:** Множество представлено связным списком уникальных элементов.

**Временной порядок роста**

```
def empty(s):  
    return s is Link.empty
```

$\Theta(1)$

```
def contains(s, v):  
    """Проверяет, что множество s содержит значение v.
```

*Время зависит от того,  
где v находится в s*

```
>>> s = Link(1, Link(2, Link(3)))  
>>> set_contains(s, 2)  
True  
"""
```

$\Theta(n)$

```
if empty(s):  
    return False  
elif s.first == v:  
    return True  
else:  
    return contains(s.rest, v)
```

*Худший случай:  
v не находится в s*

**ИЛИ**

*Средний случай: находится в  
равнораспределённом случайном  
месте*

(Пример)

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

```
def adjoin(s, v):  
    if contains(s, v):  
        return s  
    else:  
        return Link(v, s)
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

Временной порядок роста

```
def adjoin(s, v):  
    if contains(s, v):  
        return s  
    else:  
        return Link(v, s)
```

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

Временной порядок роста

```
def adjoin(s, v):  
    if contains(s, v):  
        return s  
    else:  
        return Link(v, s)
```

$\Theta(n)$

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

```
def adjoin(s, v):  
    if contains(s, v):  
        return s  
    else:  
        return Link(v, s)
```

Временной порядок роста

$\Theta(n)$



Размер множества

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

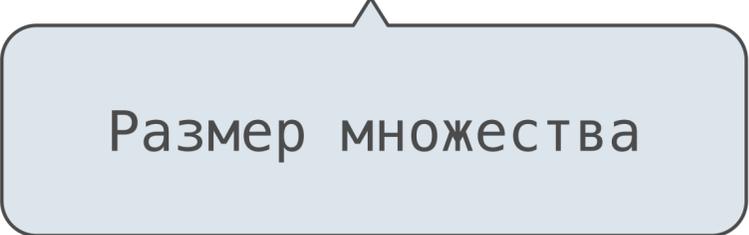
```
def adjoin(s, v):  
    if contains(s, v):  
        return s  
    else:  
        return Link(v, s)
```

```
def intersect(s, t):  
    if s is Link.empty:  
        return Link.empty  
    rest = _____  
    if contains(t, s.first):  
        return _____  
    else:  
        return rest
```

Временной порядок роста

$\Theta(n)$

Размер множества



# Множества как неупорядоченные последовательности

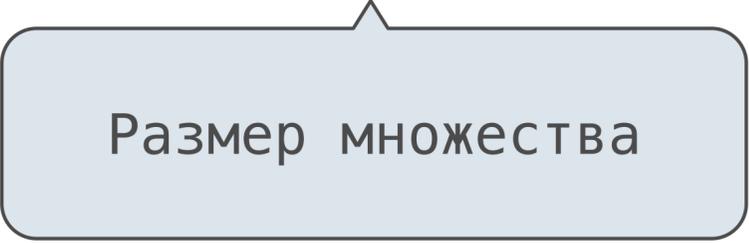
---

```
def adjoin(s, v):  
    if contains(s, v):  
        return s  
    else:  
        return Link(v, s)
```

```
def intersect(s, t):  
    if s is Link.empty:  
        return Link.empty  
    rest = intersect(s.rest, t)  
    if contains(t, s.first):  
        return rest  
    else:  
        return rest
```

Временной порядок роста

$\Theta(n)$



Размер множества

# Множества как неупорядоченные последовательности

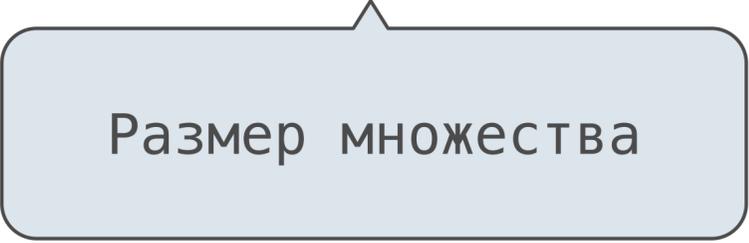
---

```
def adjoin(s, v):  
    if contains(s, v):  
        return s  
    else:  
        return Link(v, s)
```

```
def intersect(s, t):  
    if s is Link.empty:  
        return Link.empty  
    rest = intersect(s.rest, t)  
    if contains(t, s.first):  
        return Link(s.first, rest)  
    else:  
        return rest
```

Временной порядок роста

$\Theta(n)$



Размер множества

# Множества как неупорядоченные последовательности

---

```
def adjoin(s, v):  
    if contains(s, v):  
        return s  
    else:  
        return Link(v, s)
```

```
def intersect(s, t):  
    if s is Link.empty:  
        return Link.empty  
    rest = intersect(s.rest, t)  
    if contains(t, s.first):  
        return Link(s.first, rest)  
    else:  
        return rest
```

Временной порядок роста

$\Theta(n)$

Размер множества

$\Theta(n^2)$

# Множества как неупорядоченные последовательности

```
def adjoin(s, v):  
    if contains(s, v):  
        return s  
    else:  
        return Link(v, s)
```

```
def intersect(s, t):  
    if s is Link.empty:  
        return Link.empty  
    rest = intersect(s.rest, t)  
    if contains(t, s.first):  
        return Link(s.first, rest)  
    else:  
        return rest
```

Временной порядок роста

$\Theta(n)$

Размер множества

$\Theta(n^2)$

Если множества  
одного размера

# Множества как неупорядоченные последовательности

```
def adjoin(s, v):  
    if contains(s, v):  
        return s  
    else:  
        return Link(v, s)
```

```
def intersect(s, t):  
    if s is Link.empty:  
        return Link.empty  
    rest = intersect(s.rest, t)  
    if contains(t, s.first):  
        return Link(s.first, rest)  
    else:  
        return rest
```

Временной порядок роста

$\Theta(n)$

Размер множества

$\Theta(n^2)$

Если множества  
одного размера

(Пример)

Множества как упорядоченные последовательности

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

Части программы, которые...

Множества – это...

Используя...

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

Части программы, которые...

Множества – это...

Используя...

используют множества для  
хранения значений

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

Части программы, которые...

Множества – это...

Используя...

используют множества для хранения значений

неупорядоченные коллекции

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

Части программы, которые...

используют множества для хранения значений

Множества – это...

неупорядоченные коллекции

Используя...

`empty, set_contains, adjoin_set, intersect_set, union_set`

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

Части программы, которые...

Множества – это...

Используя...

используют множества для хранения значений

неупорядоченные коллекции

`empty, set_contains, adjoin_set, intersect_set, union_set`

Реализуют операции над множествами

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

Части программы, которые...

Множества – это...

Используя...

используют множества для хранения значений

неупорядоченные коллекции

```
empty, set_contains, adjoin_set,  
intersect_set, union_set
```

Реализуют операции над множествами

Упорядоченные связные списки

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

Части программы, которые...

Множества – это...

Используя...

используют множества для хранения значений

неупорядоченные коллекции

```
empty, set_contains, adjoin_set,  
intersect_set, union_set
```

Реализуют операции над множествами

Упорядоченные связные списки

```
first, rest, <, >, ==
```

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

Части программы, которые...

Множества – это...

Используя...

используют множества для хранения значений

неупорядоченные коллекции

```
empty, set_contains, adjoin_set,  
intersect_set, union_set
```

---

Реализуют операции над множествами

Упорядоченные связные списки

```
first, rest, <, >, ==
```

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

Части программы, которые...

Множества – это...

Используя...

используют множества для хранения значений

неупорядоченные коллекции

```
empty, set_contains, adjoin_set,  
intersect_set, union_set
```

---

Реализуют операции над множествами

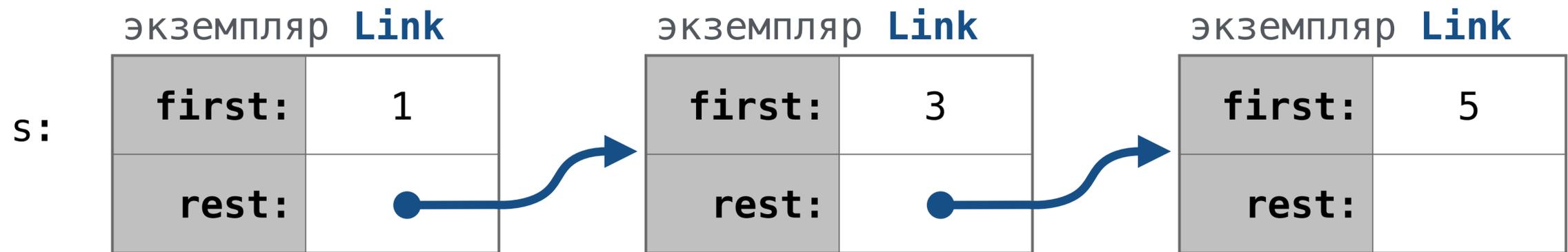
Упорядоченные связные списки

```
first, rest, <, >, ==
```

*Различные части программы могут делать различные предположения о данных*

# Поиск в упорядоченном связном списке

---



# Поиск в упорядоченном связном списке

---

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
```



# Поиск в упорядоченном связном списке

---

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
```

```
>>> contains(s, 1)
```

```
True
```



# Поиск в упорядоченном связном списке

---

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
```

```
>>> contains(s, 1)
```

```
True
```

```
>>> contains(s, 2)
```

```
False
```



# Поиск в упорядоченном связном списке

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
>>> contains(s, 1)
True
>>> contains(s, 2)
False
>>> t = adjoin(s, 2)
```



# Поиск в упорядоченном связном списке

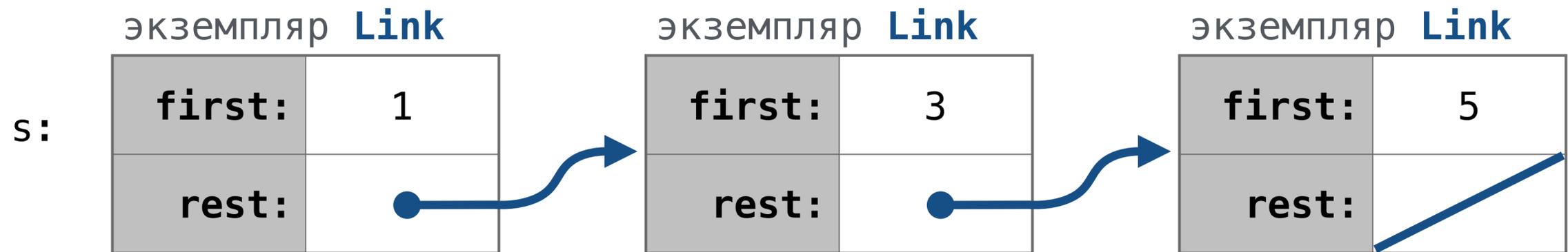
```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
>>> contains(s, 1)
True
>>> contains(s, 2)
False
>>> t = adjoin(s, 2)
```



t:

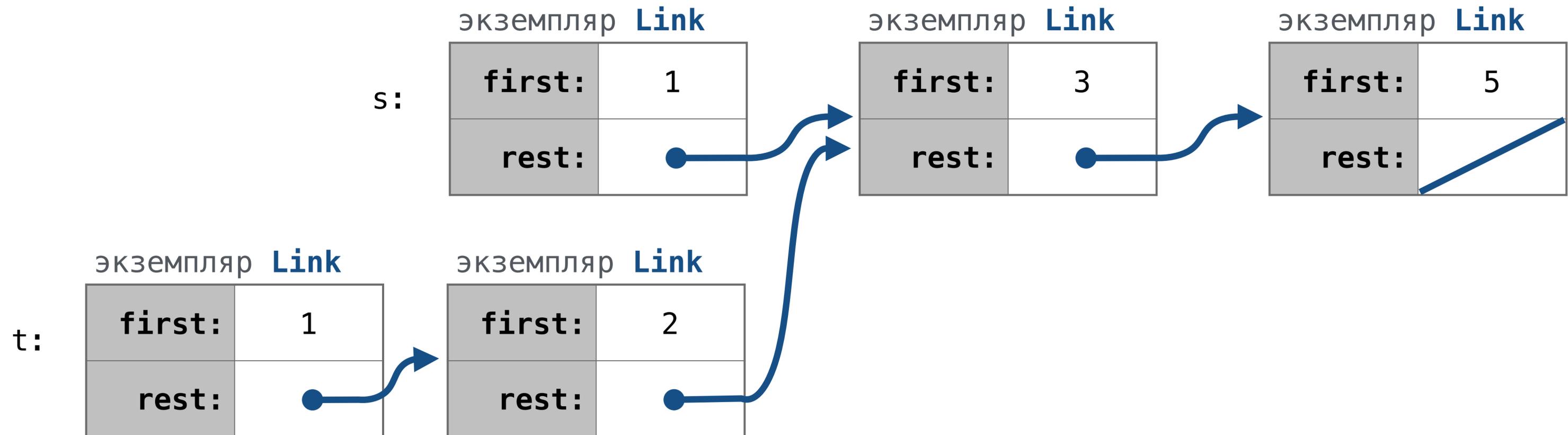
# Поиск в упорядоченном связном списке

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
>>> contains(s, 1)
True
>>> contains(s, 2)
False
>>> t = adjoin(s, 2)
```



# Поиск в упорядоченном связном списке

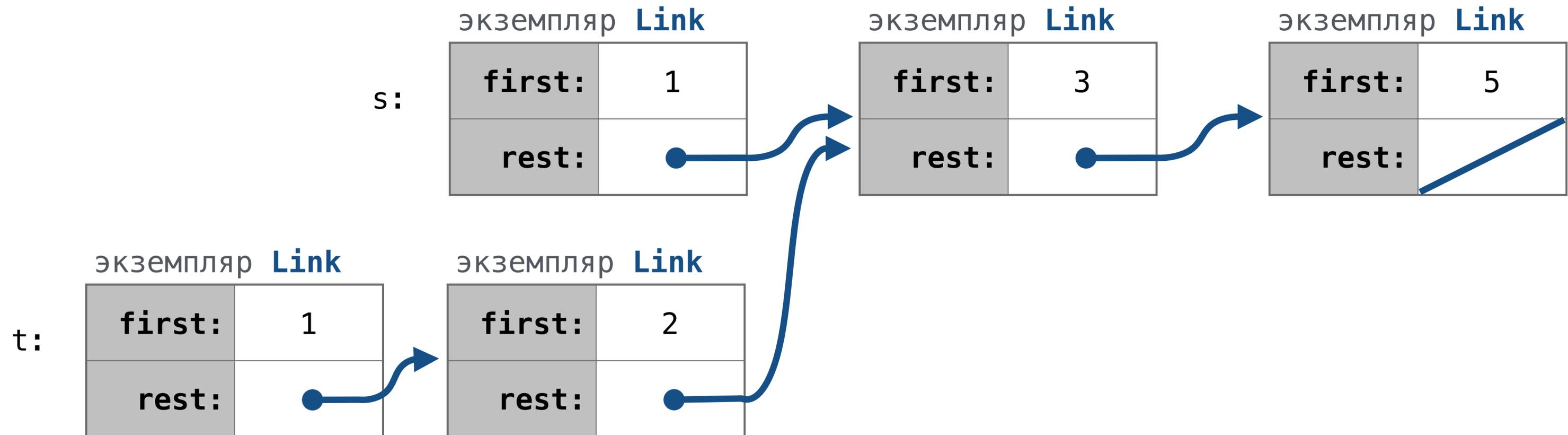
```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
>>> contains(s, 1)
True
>>> contains(s, 2)
False
>>> t = adjoin(s, 2)
```



# Поиск в упорядоченном связном списке

Временной порядок роста

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))  
>>> contains(s, 1)  
True  
>>> contains(s, 2)  
False  
>>> t = adjoin(s, 2)
```

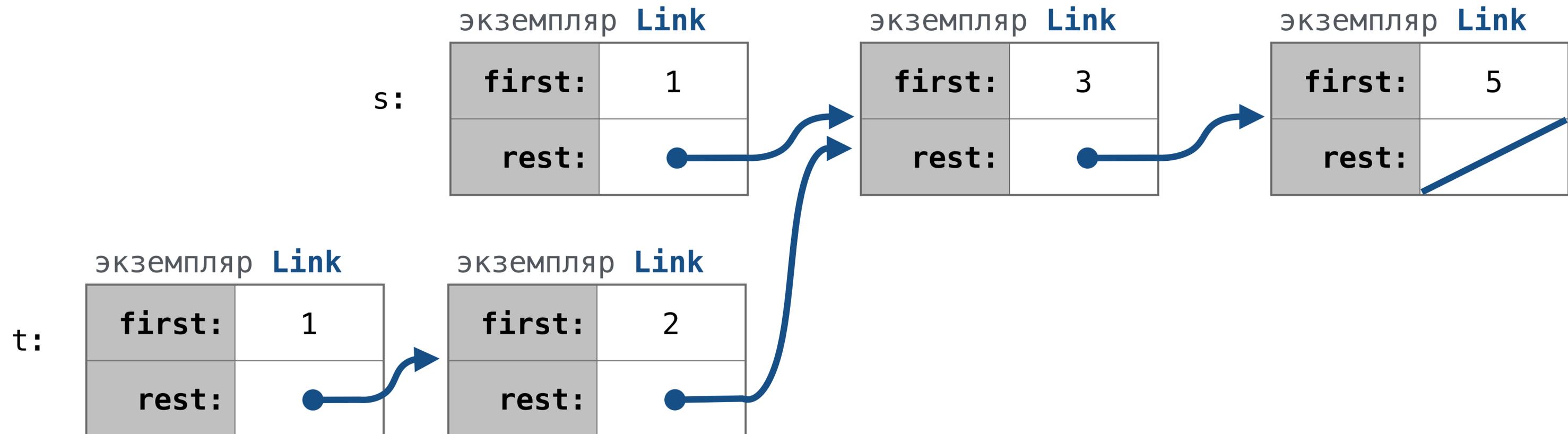


# Поиск в упорядоченном связном списке

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
>>> contains(s, 1)
True
>>> contains(s, 2)
False
>>> t = adjoin(s, 2)
```

Временной порядок роста

$$\Theta(n)$$



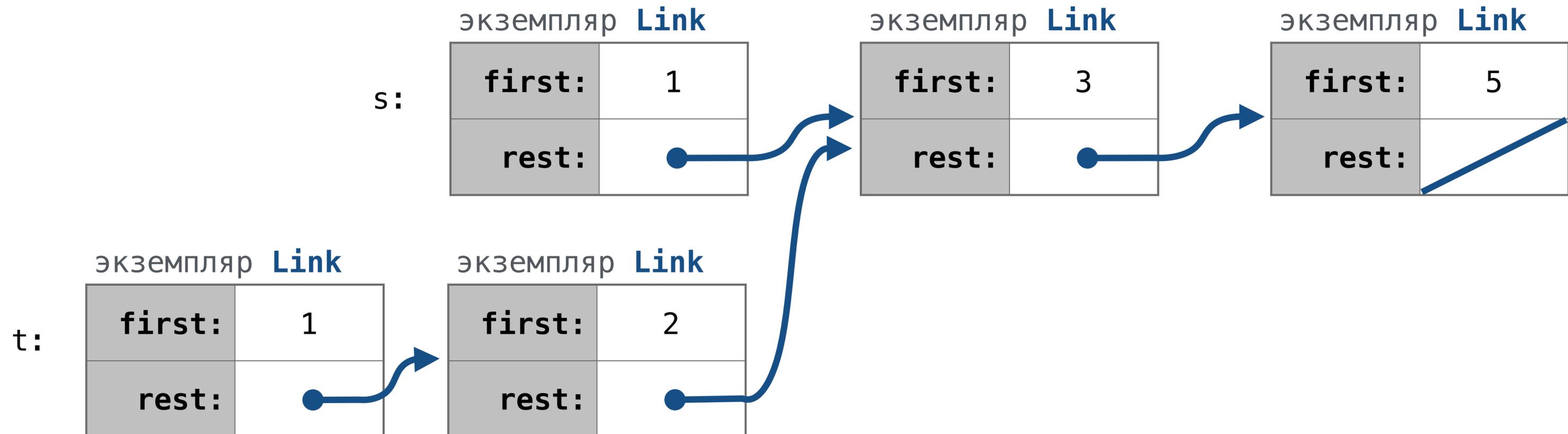
# Поиск в упорядоченном связном списке

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
>>> contains(s, 1)
True
>>> contains(s, 2)
False
>>> t = adjoin(s, 2)
```

Действие

Временной порядок роста

$$\Theta(n)$$



# Поиск в упорядоченном связном списке

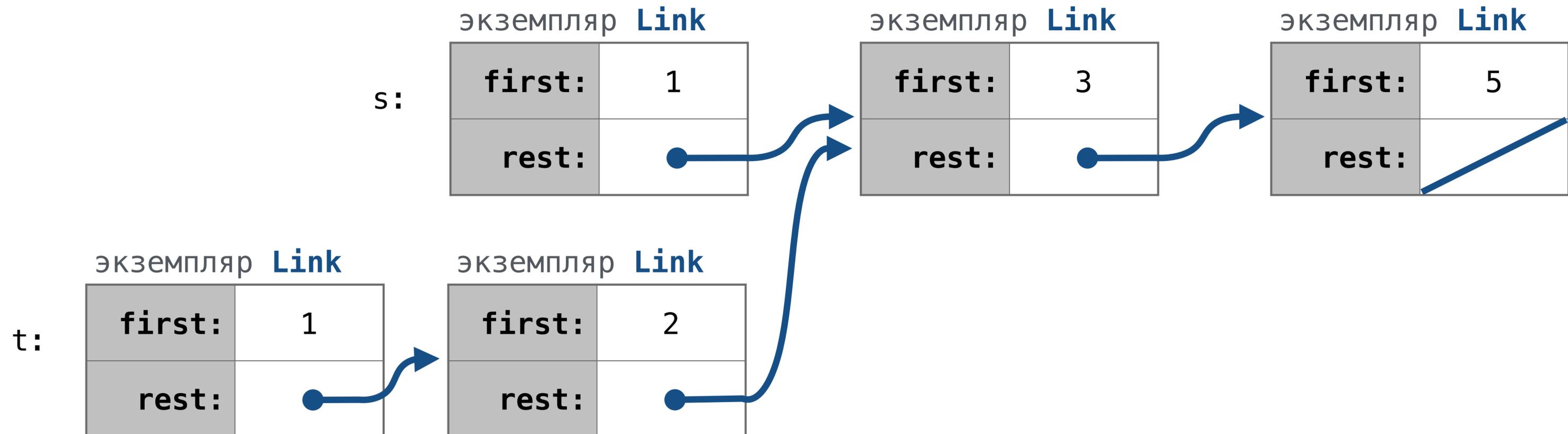
```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
>>> contains(s, 1)
True
>>> contains(s, 2)
False
>>> t = adjoin(s, 2)
```

Действие

contains

Временной порядок роста

$\Theta(n)$



# Поиск в упорядоченном связном списке

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
>>> contains(s, 1)
True
>>> contains(s, 2)
False
>>> t = adjoin(s, 2)
```

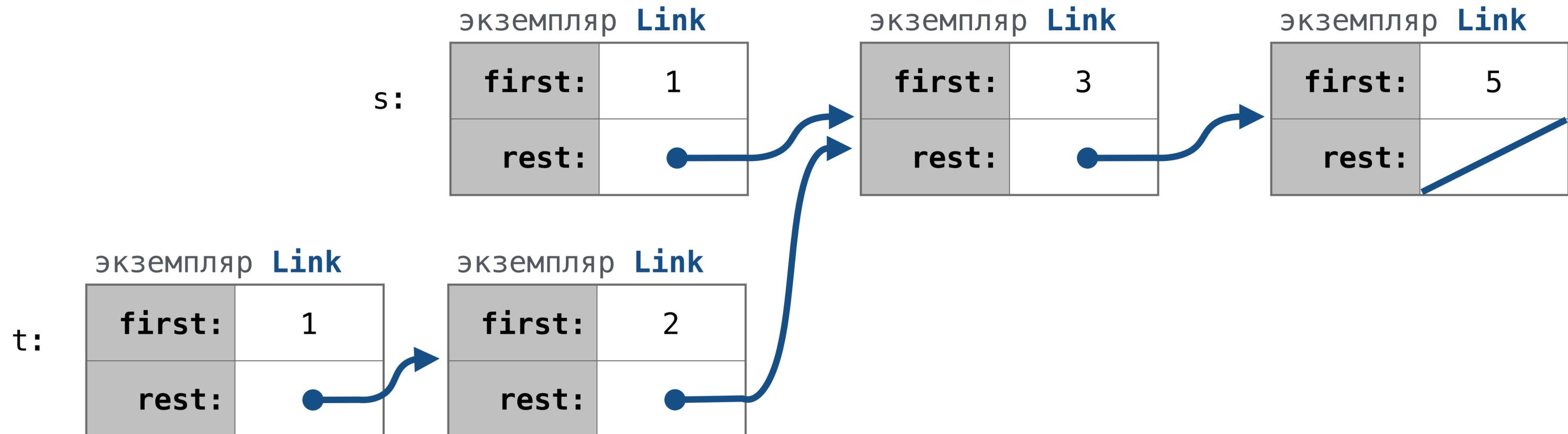
Действие

contains

adjoin

Временной порядок роста

$\Theta(n)$



# Поиск в упорядоченном связном списке

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
>>> contains(s, 1)
True
>>> contains(s, 2)
False
>>> t = adjoin(s, 2)
```

Действие

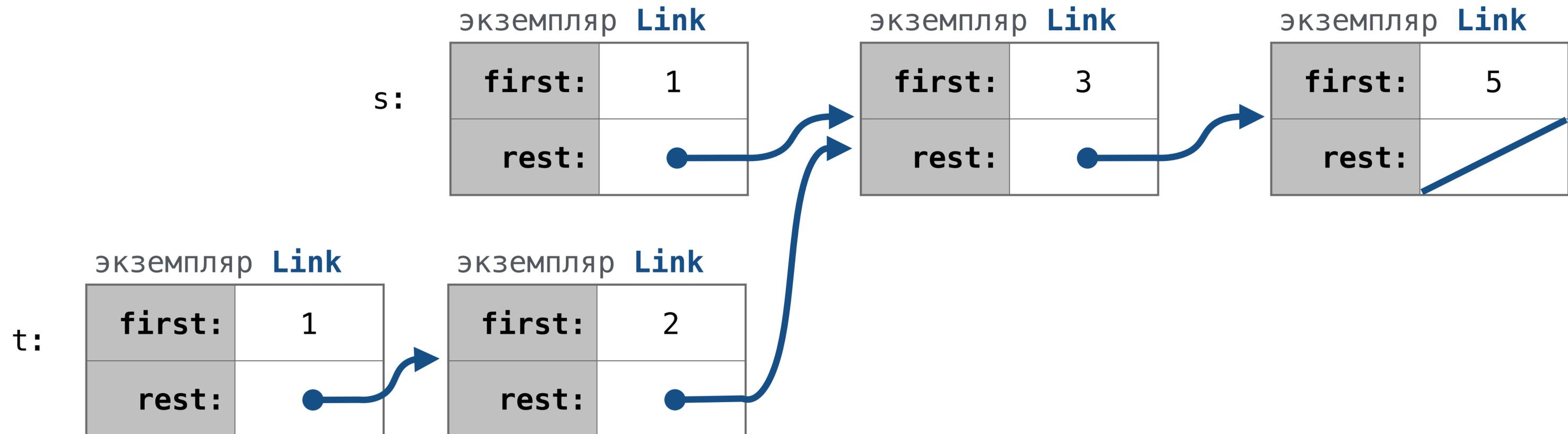
Временной порядок роста

contains

$\Theta(n)$

adjoin

$\Theta(n)$



# Операции над множествами

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

```
def intersect(s, t):
```

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

```
def intersect(s, t):  
    if empty(s) or empty(t):  
        return Link.empty
```

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

```
def intersect(s, t):  
    if empty(s) or empty(t):  
        return Link.empty  
    else:
```

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

```
def intersect(s, t):  
    if empty(s) or empty(t):  
        return Link.empty  
    else:  
        e1, e2 = s.first, t.first
```

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

```
def intersect(s, t):
    if empty(s) or empty(t):
        return Link.empty
    else:
        e1, e2 = s.first, t.first
        if e1 == e2:
            return Link(e1, intersect(s.rest, t.rest))
```

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

```
def intersect(s, t):
    if empty(s) or empty(t):
        return Link.empty
    else:
        e1, e2 = s.first, t.first
        if e1 == e2:
            return Link(e1, intersect(s.rest, t.rest))
        elif e1 < e2:
            return intersect(s.rest, t)
```

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

```
def intersect(s, t):
    if empty(s) or empty(t):
        return Link.empty
    else:
        e1, e2 = s.first, t.first
        if e1 == e2:
            return Link(e1, intersect(s.rest, t.rest))
        elif e1 < e2:
            return intersect(s.rest, t)
        elif e2 < e1:
            return intersect(s, t.rest)
```

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

```
def intersect(s, t):
    if empty(s) or empty(t):
        return Link.empty
    else:
        e1, e2 = s.first, t.first
        if e1 == e2:
            return Link(e1, intersect(s.rest, t.rest))
        elif e1 < e2:
            return intersect(s.rest, t)
        elif e2 < e1:
            return intersect(s, t.rest)
```

Порядок роста?

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

```
def intersect(s, t):
    if empty(s) or empty(t):
        return Link.empty
    else:
        e1, e2 = s.first, t.first
        if e1 == e2:
            return Link(e1, intersect(s.rest, t.rest))
        elif e1 < e2:
            return intersect(s.rest, t)
        elif e2 < e1:
            return intersect(s, t.rest)
```

Порядок роста?

Если  $s$  и  $t$  размера  $n$ , то  $\Theta(n)$

# Множества как упорядоченные последовательности

---

**Предложение 2:** Множество представлено связным списком уникальных элементов, упорядоченных от меньшего к большему.

```
def intersect(s, t):
    if empty(s) or empty(t):
        return Link.empty
    else:
        e1, e2 = s.first, t.first
        if e1 == e2:
            return Link(e1, intersect(s.rest, t.rest))
        elif e1 < e2:
            return intersect(s.rest, t)
        elif e2 < e1:
            return intersect(s, t.rest)
```

Порядок роста?

Если  $s$  и  $t$  размера  $n$ , то  $\Theta(n)$

(Пример)

Изменение множества

# Добавление в упорядоченный список

---



# Добавление в упорядоченный список

---



`add(s, 0)`

# Добавление в упорядоченный список

---



`add(s, 0)` Попробуем использовать исходный объект

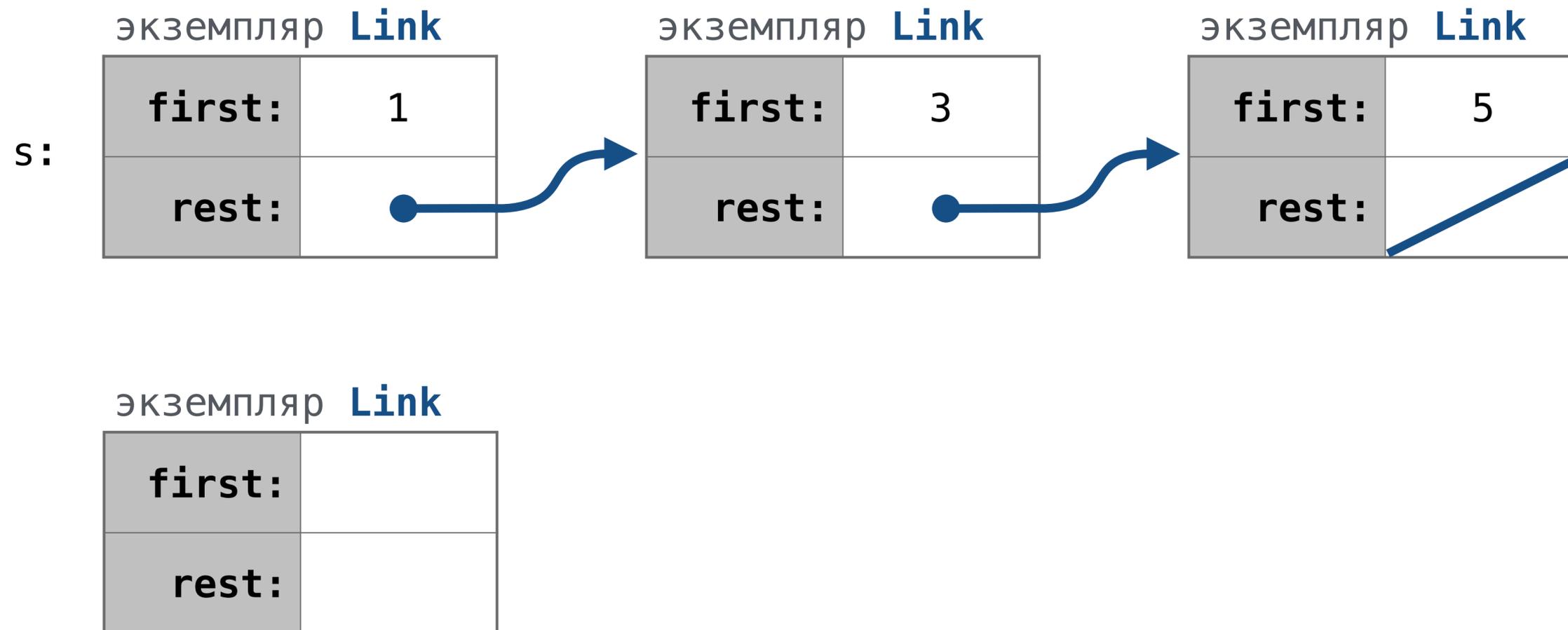
# Добавление в упорядоченный список

---

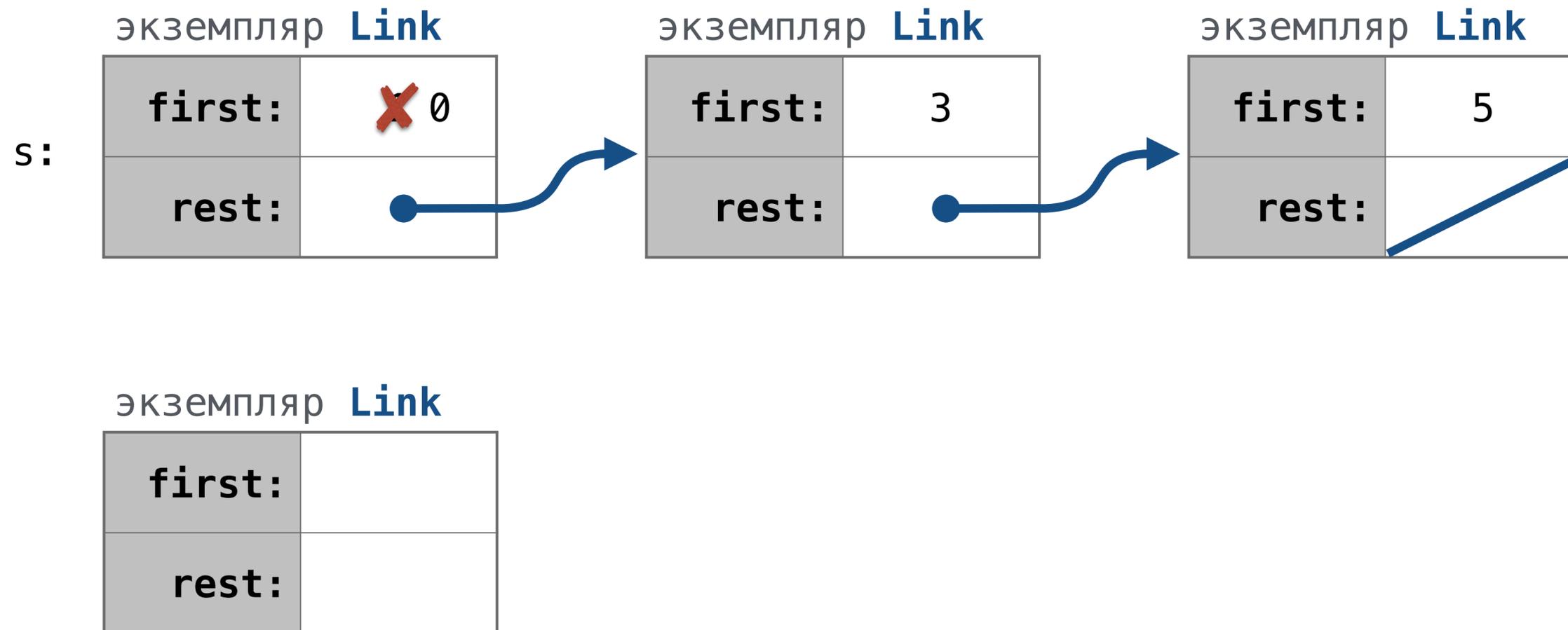


# Добавление в упорядоченный список

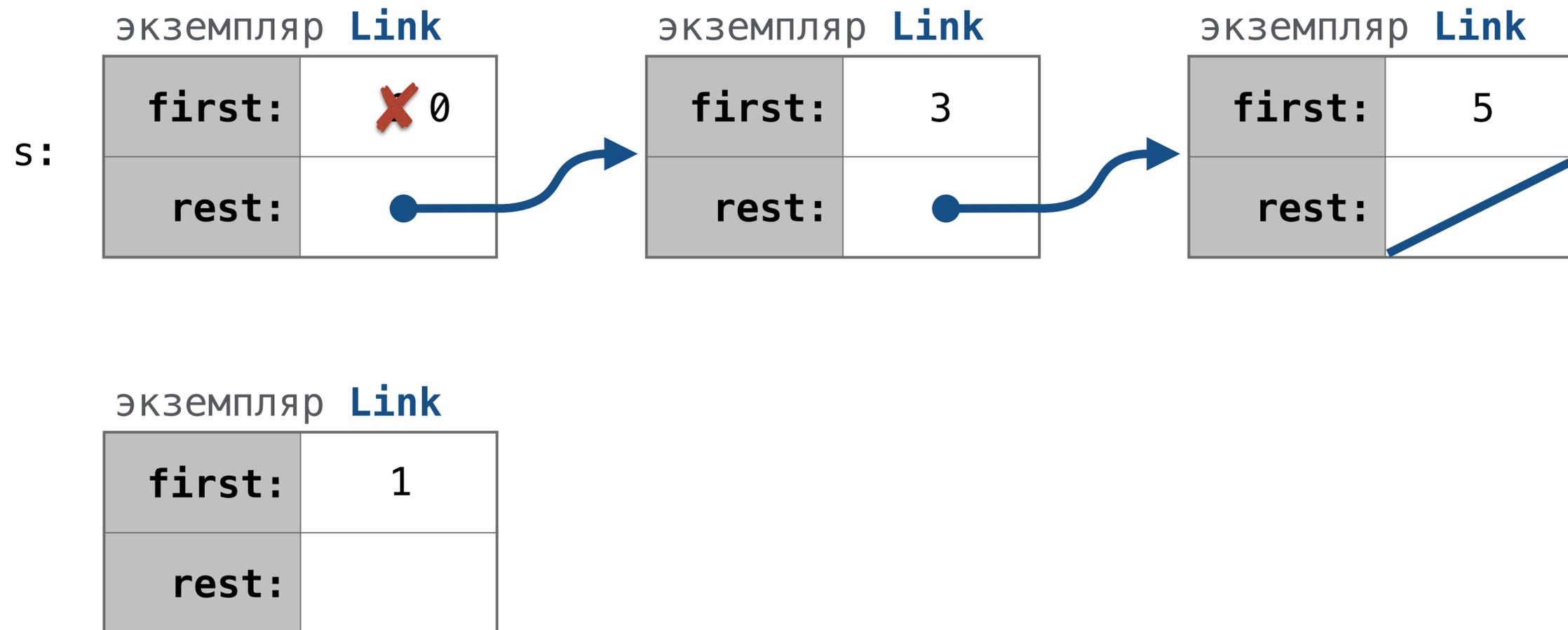
---



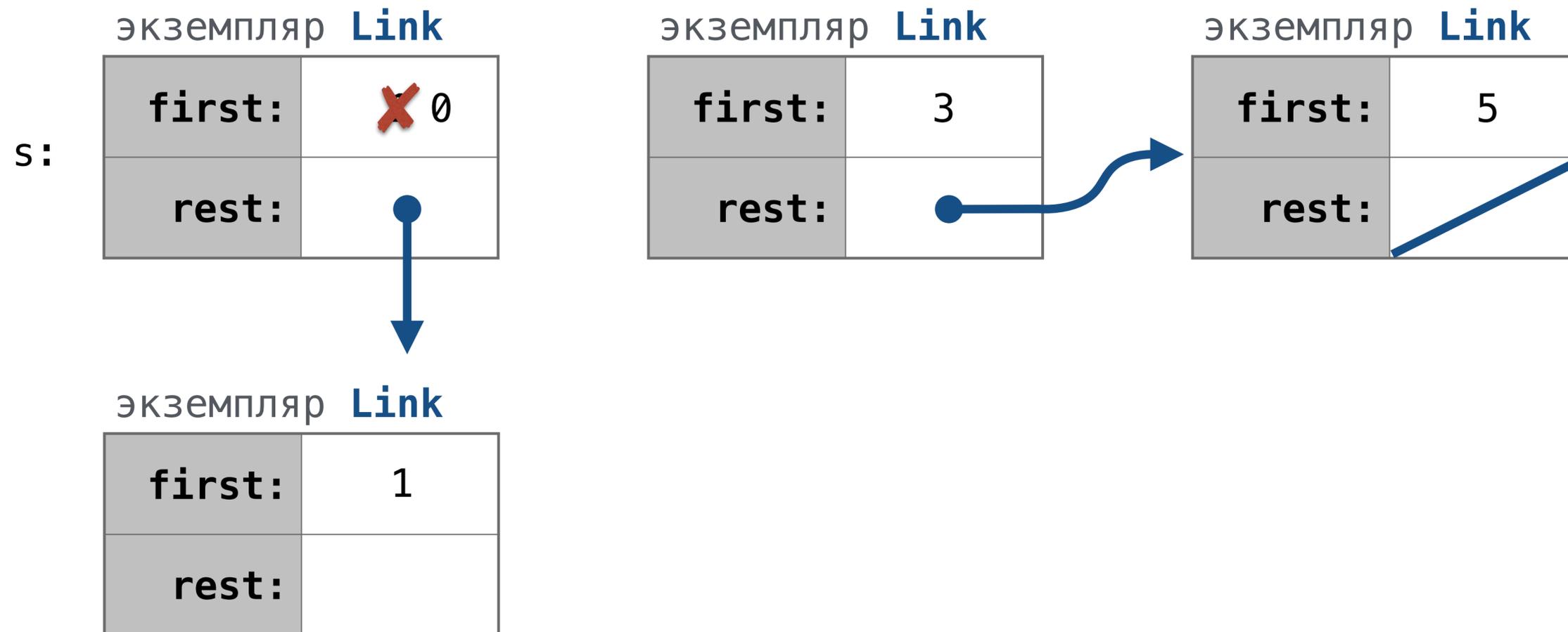
# Добавление в упорядоченный список



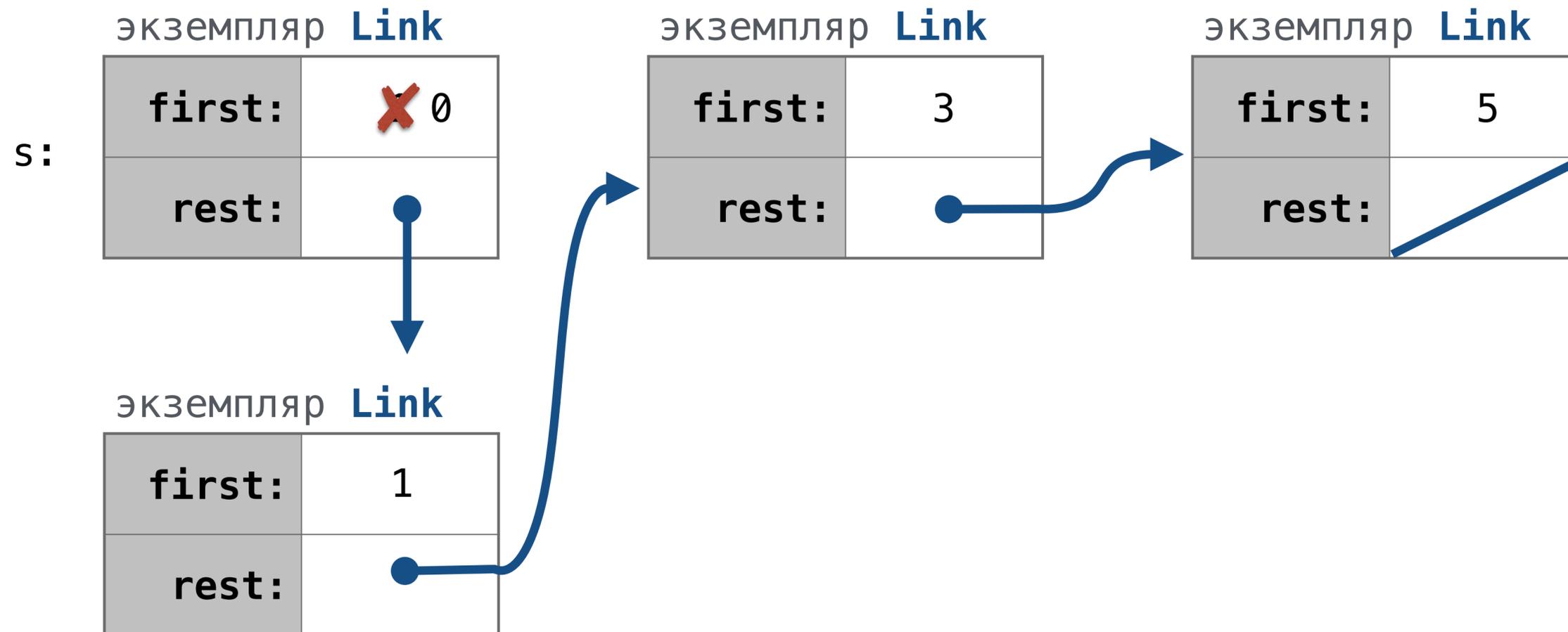
# Добавление в упорядоченный список



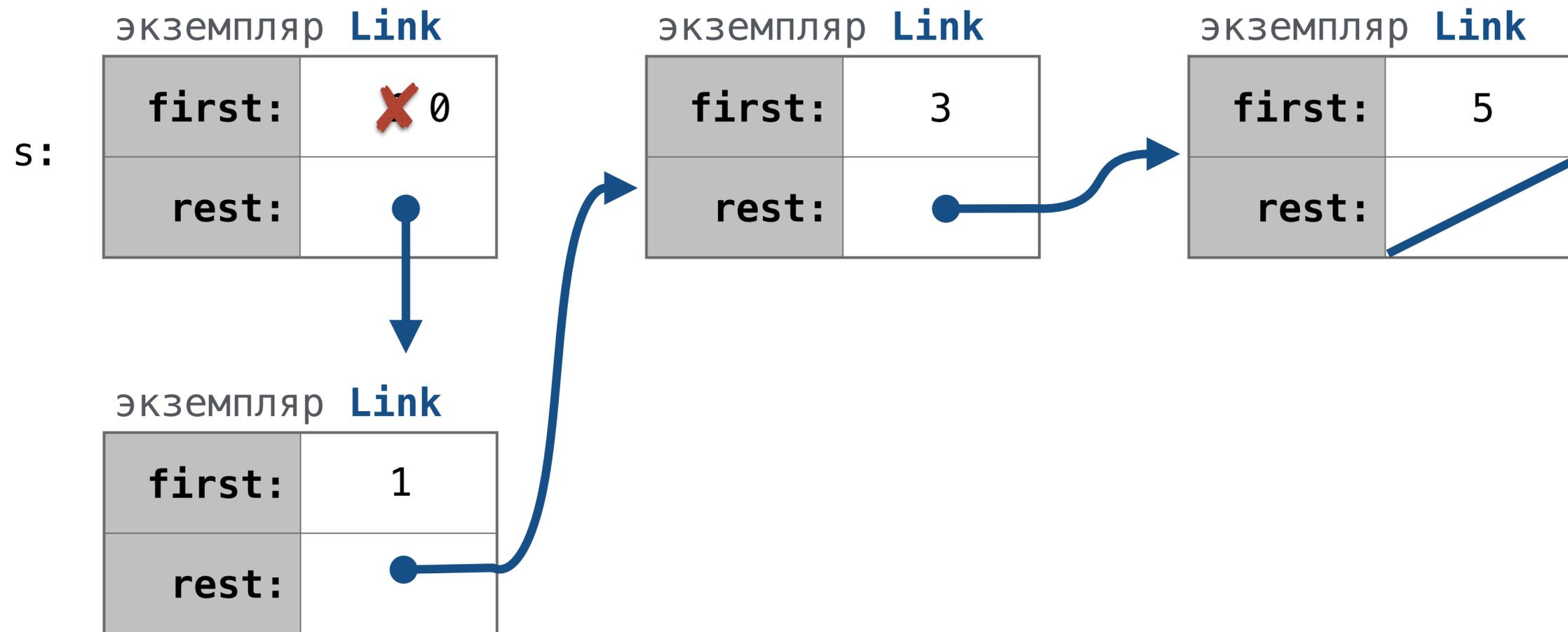
# Добавление в упорядоченный список



# Добавление в упорядоченный список

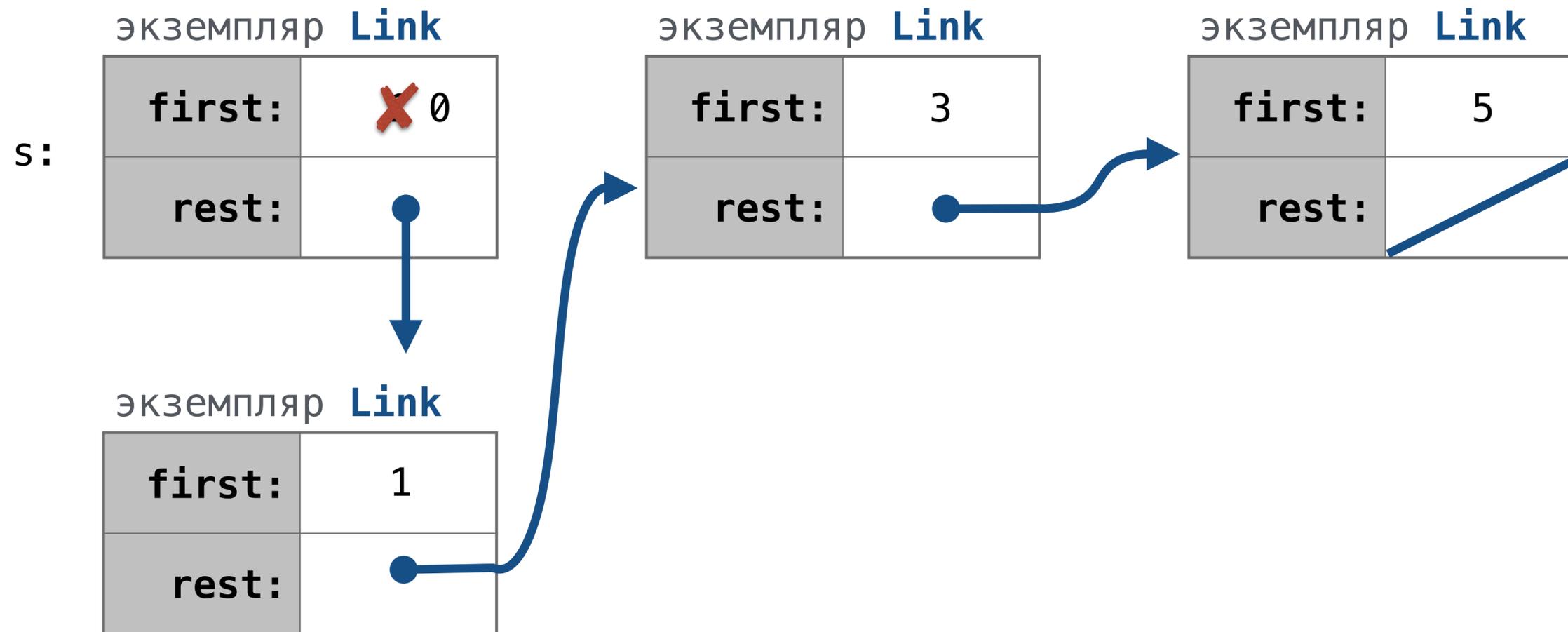


# Добавление в упорядоченный список



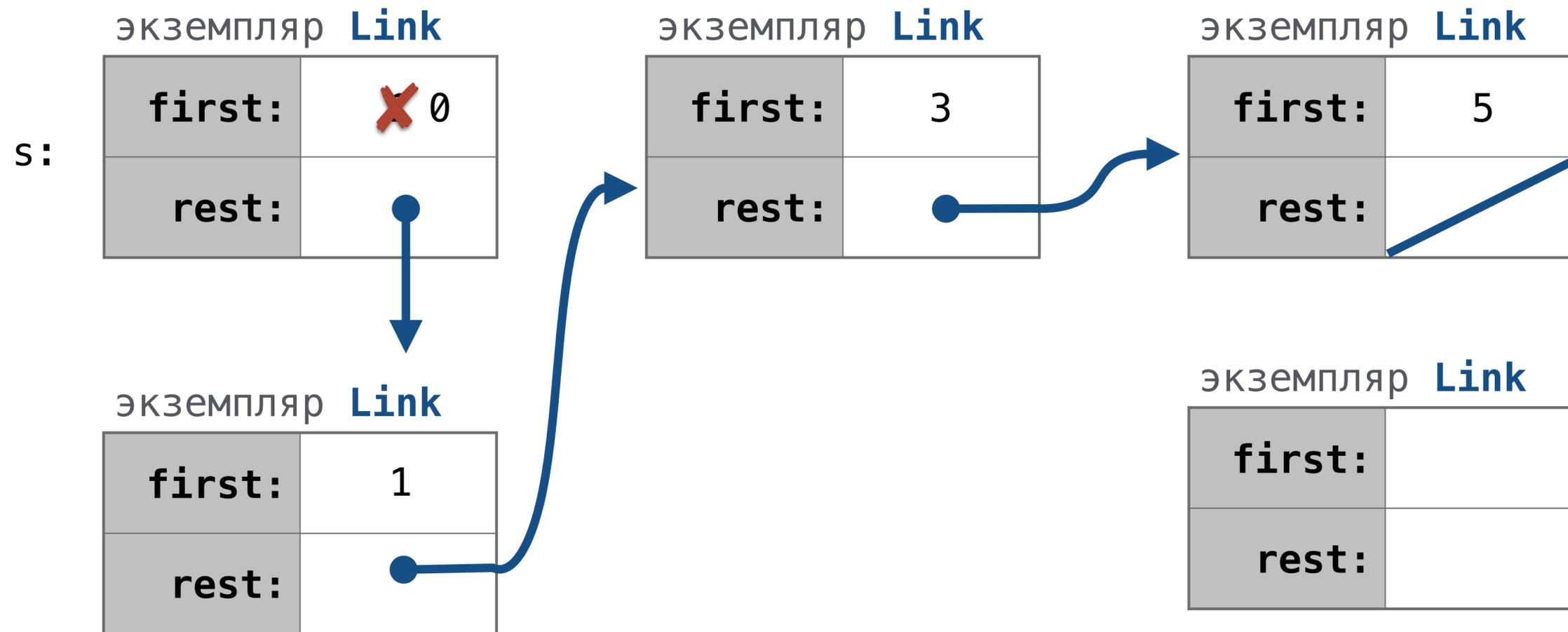
`add(s, 4)`

# Добавление в упорядоченный список



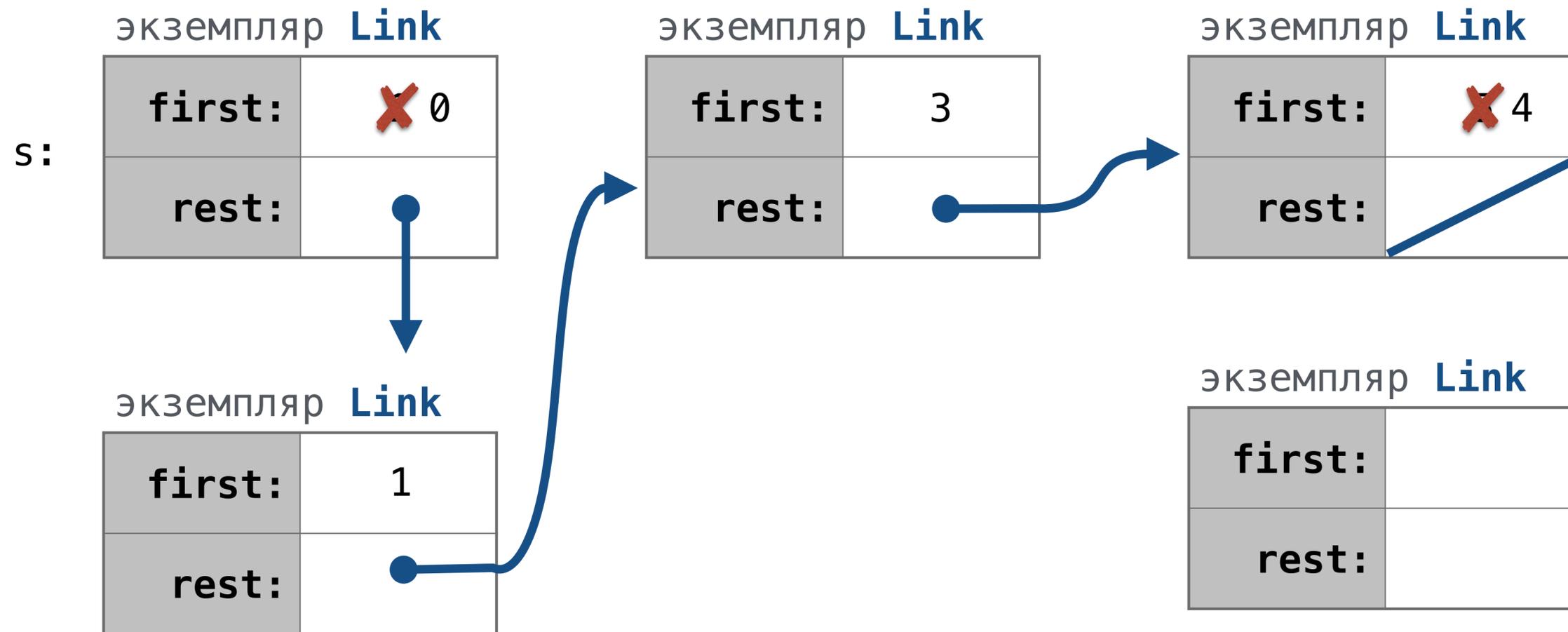
`add(s, 4)`

# Добавление в упорядоченный список



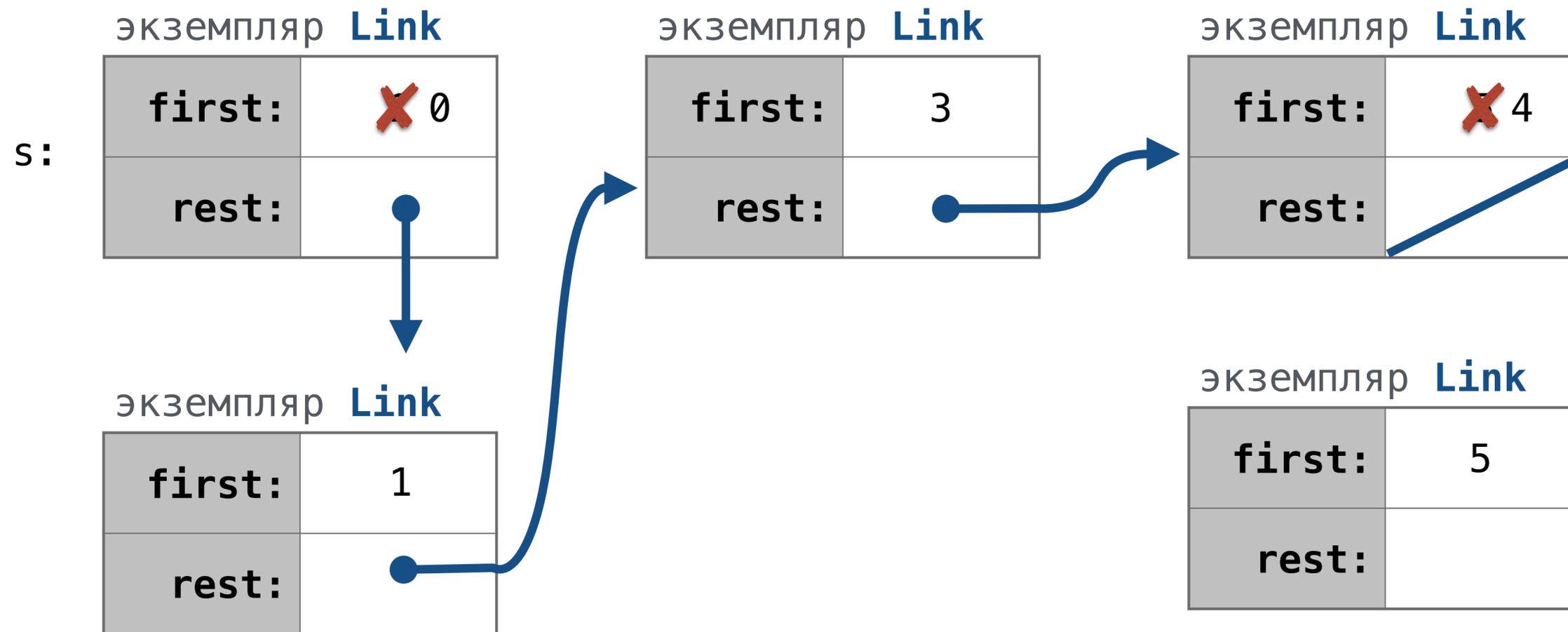
`add(s, 4)`

# Добавление в упорядоченный список



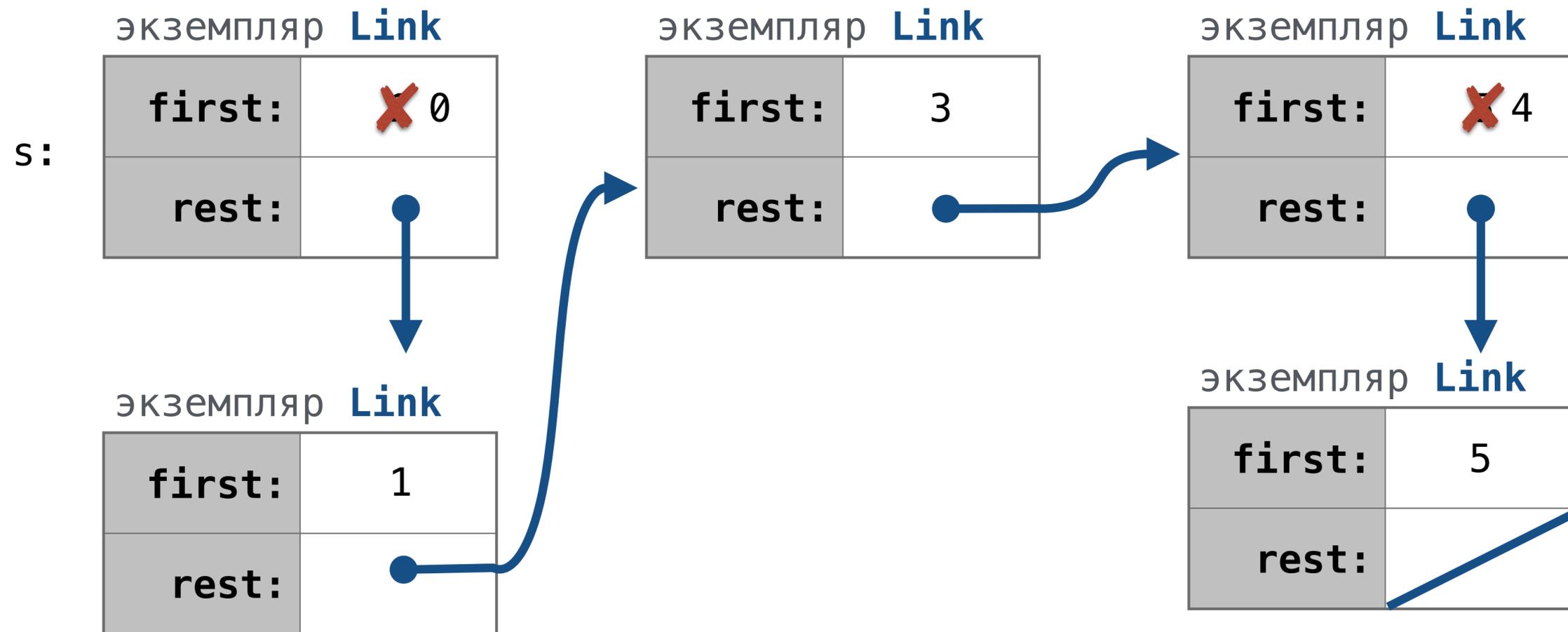
`add(s, 4)`

# Добавление в упорядоченный список



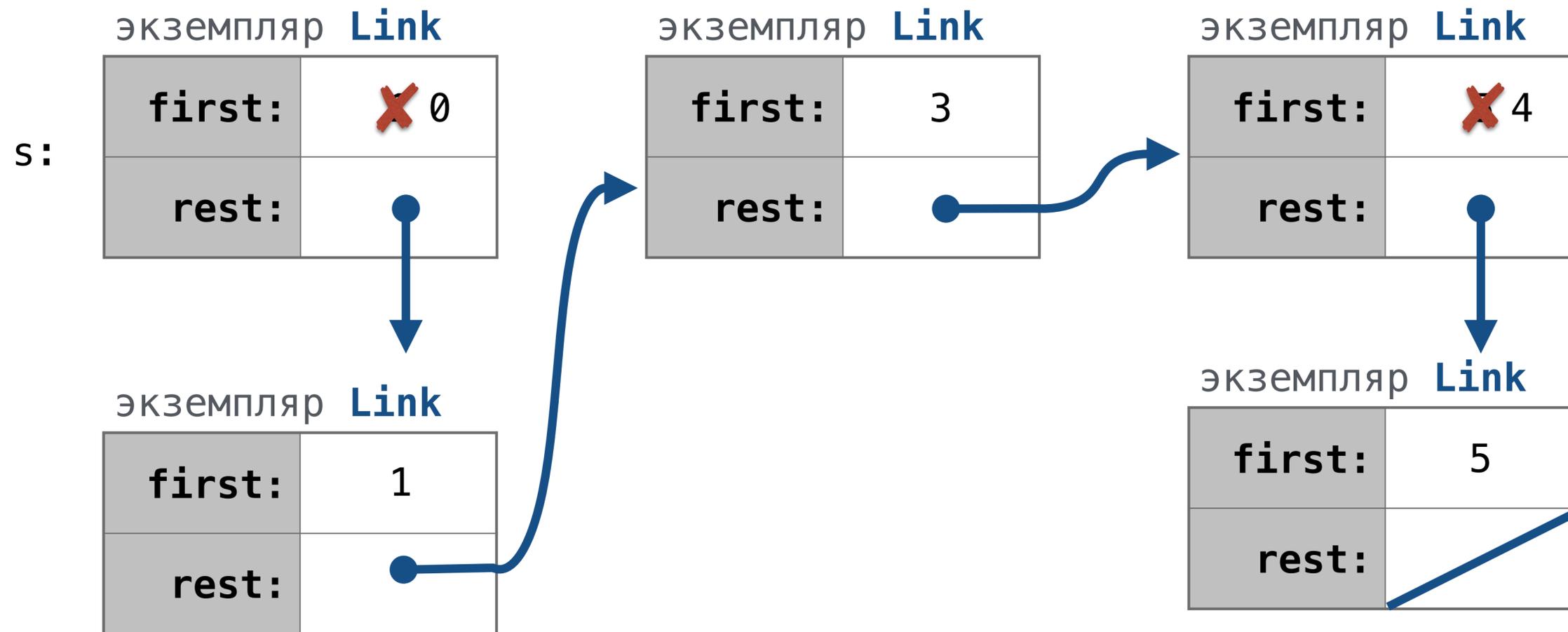
`add(s, 4)`

# Добавление в упорядоченный список



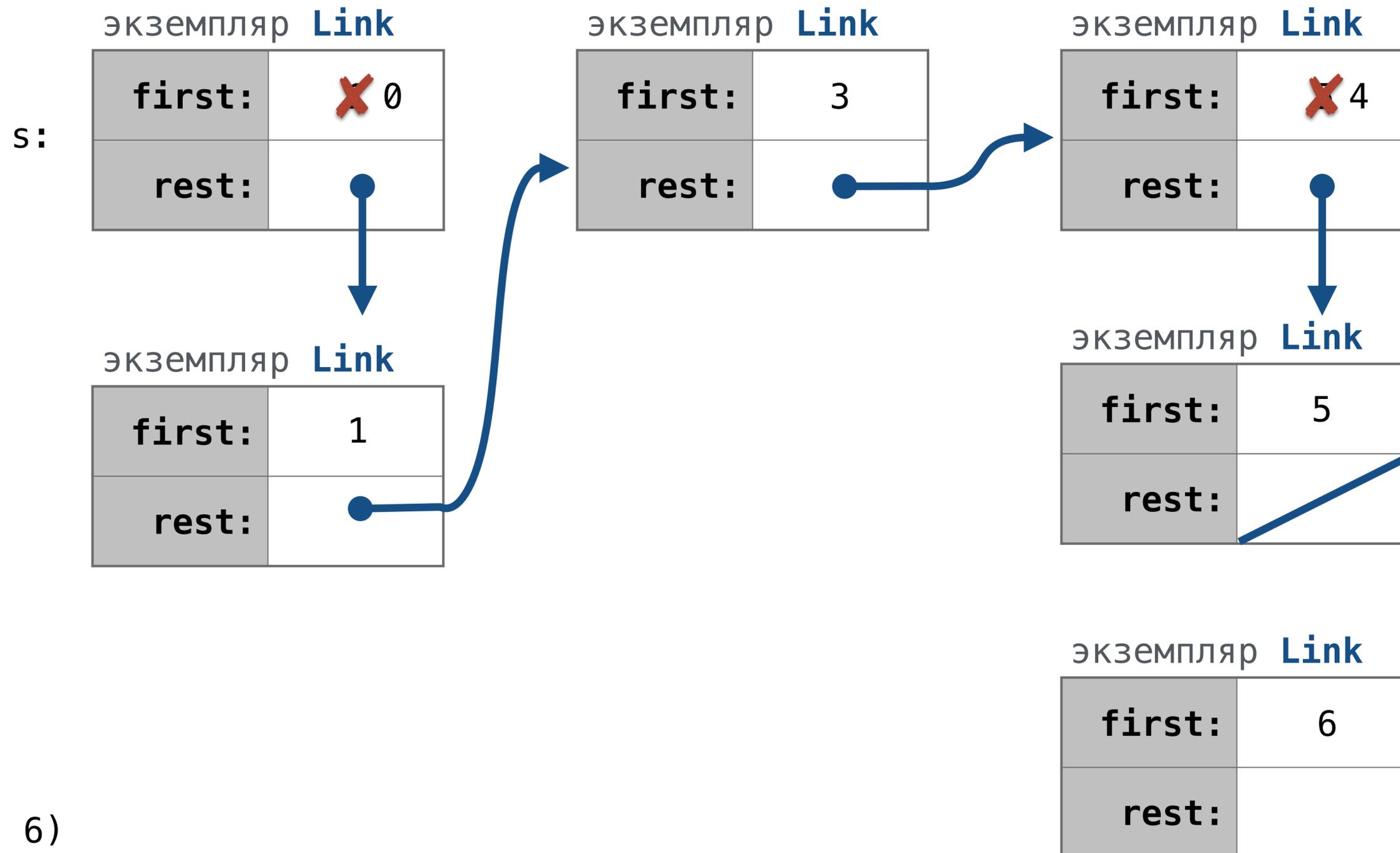
`add(s, 4)`

# Добавление в упорядоченный список

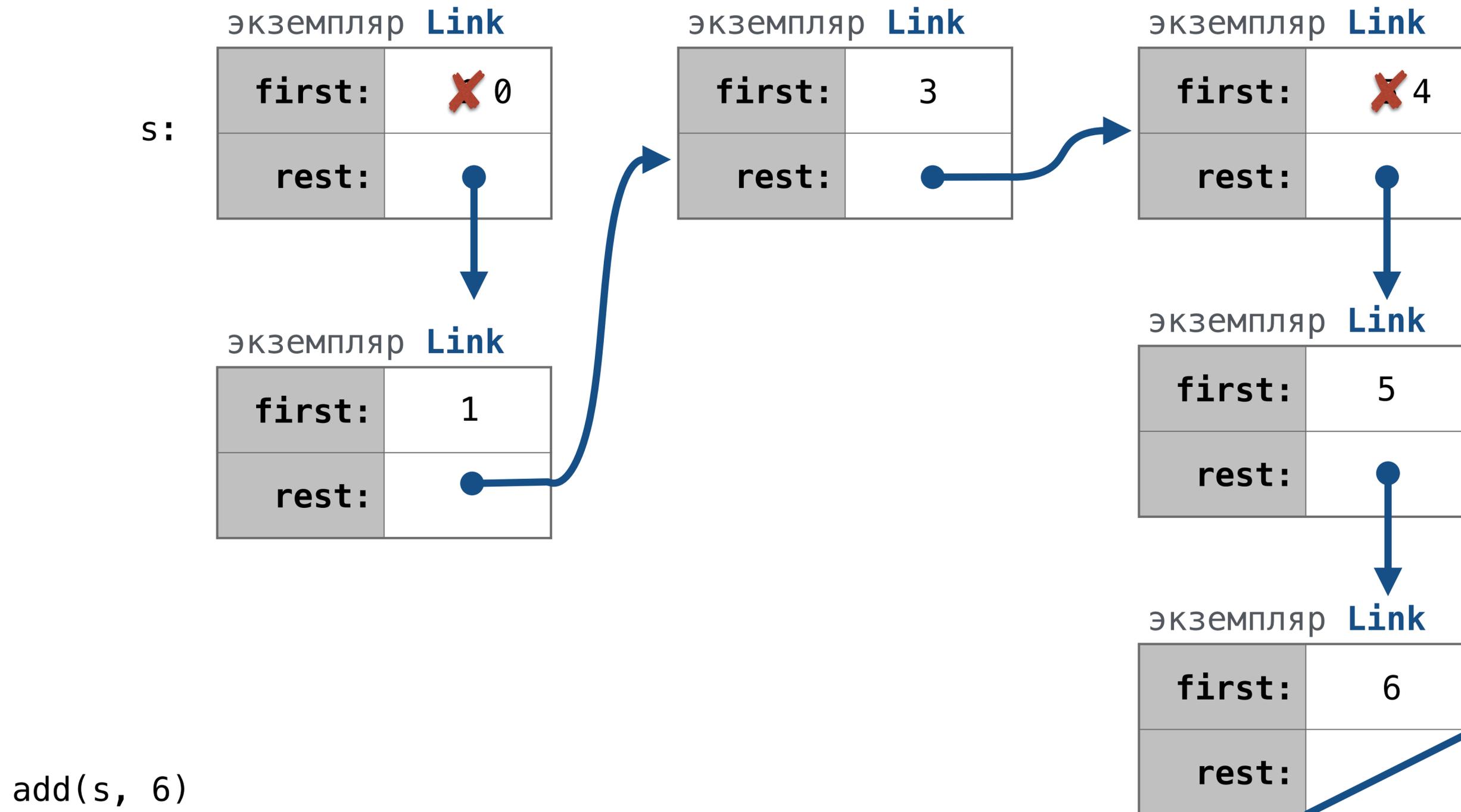


`add(s, 6)`

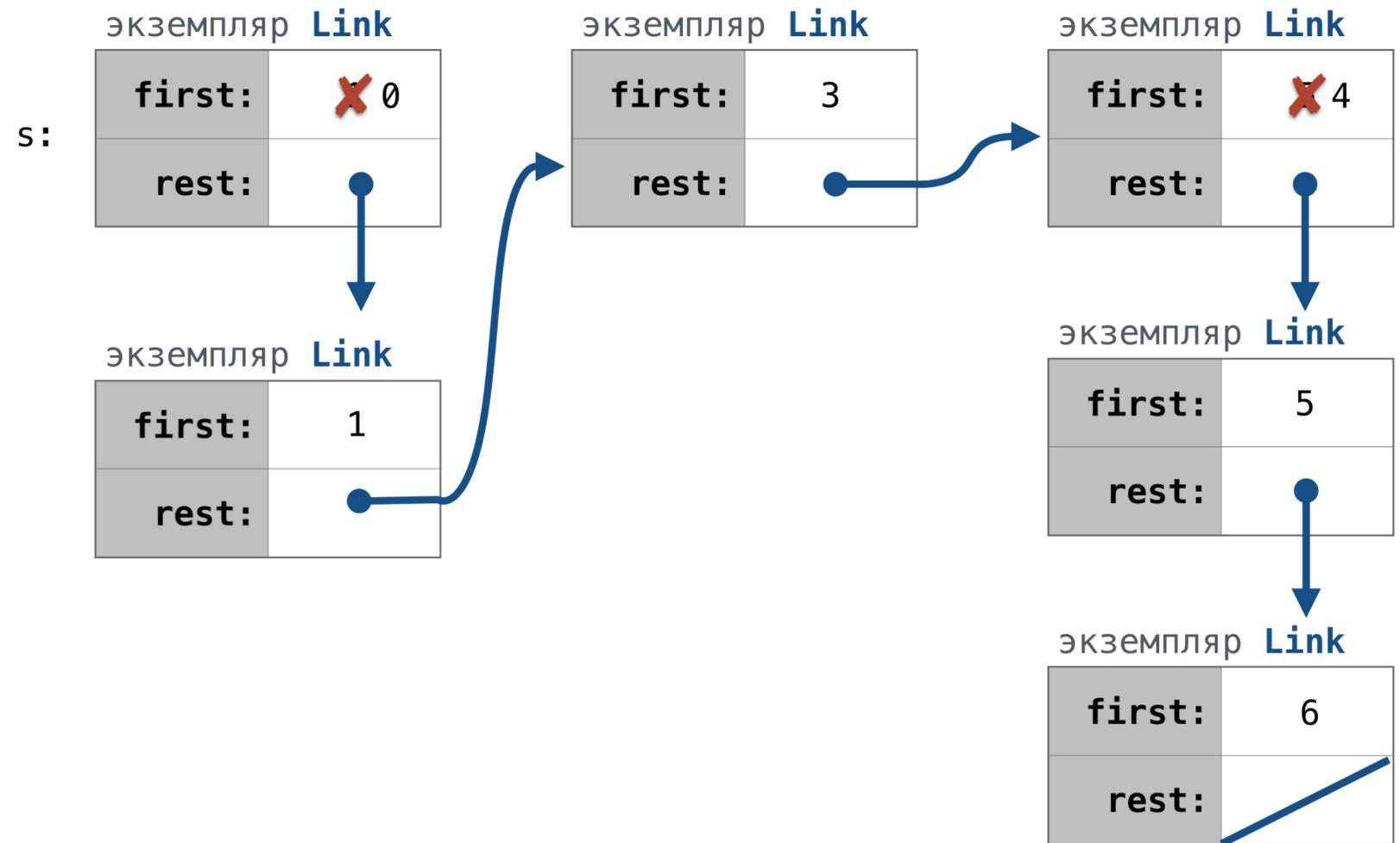
# Добавление в упорядоченный список



# Добавление в упорядоченный список



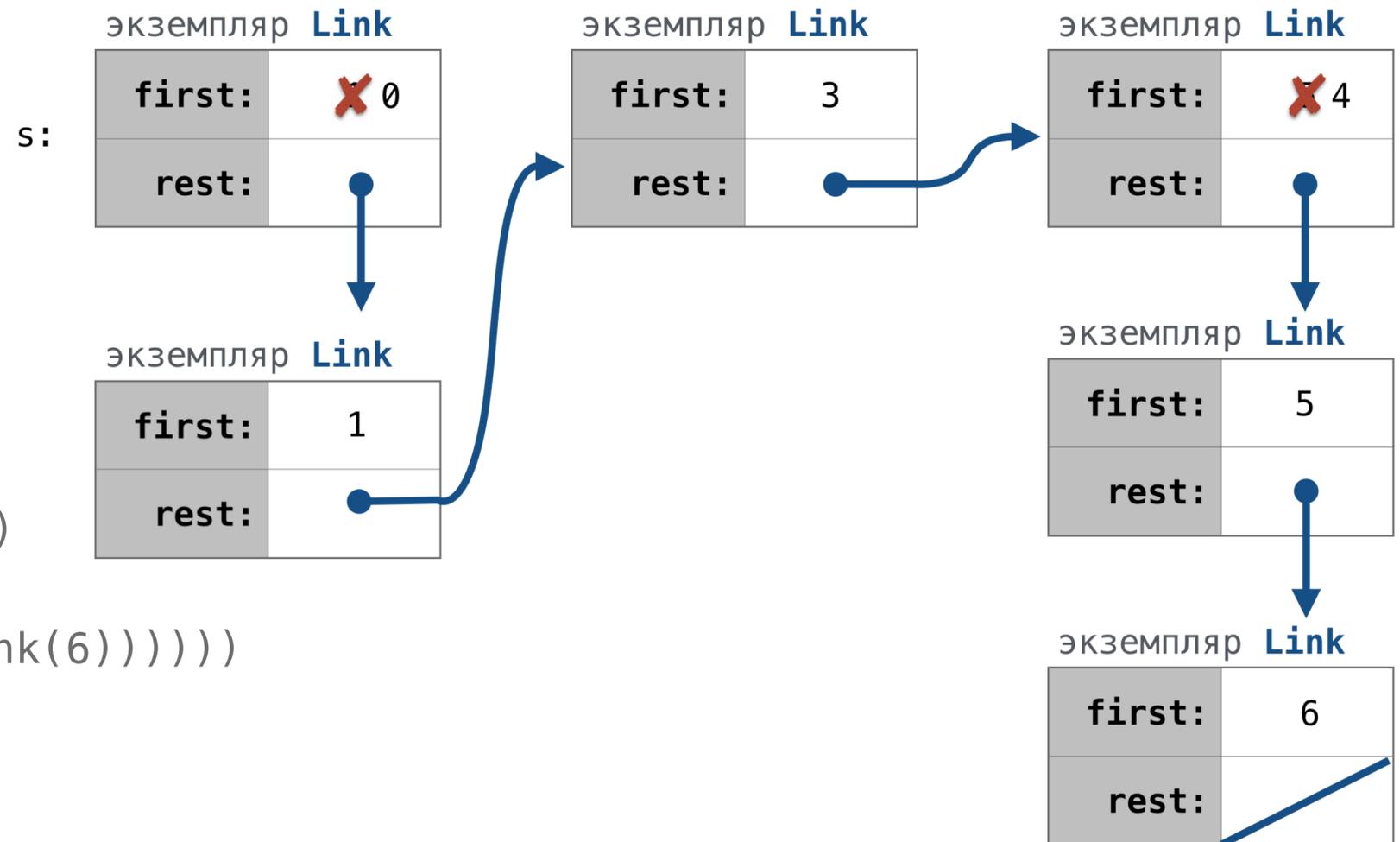
# Добавление в множество на упорядоченных списках



# Добавление в множество на упорядоченных списках

```
def add(s, v):
    """Добавляет v во множество s.

    >>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
    >>> add(s, 0)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(5))))
    >>> add(s, 3)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(5))))
    >>> add(s, 4)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(4, Link(5))))))
    >>> add(s, 6)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(4, Link(5, Link(6))))))
    """
    if empty(s):
        return Link(v)
    if s.first > v:
        s.first, s.rest = _____, _____
    elif s.first < v and empty(s.rest):
        s.rest = _____
    elif s.first < v:
        _____
    return s
```



# Добавление в множество на упорядоченных списках

```
def add(s, v):
```

```
    """Добавляет v во множество s.
```

```
>>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
```

```
>>> add(s, 0)
```

```
Link(0, Link(1, Link(3, Link(5))))
```

```
>>> add(s, 3)
```

```
Link(0, Link(1, Link(3, Link(5))))
```

```
>>> add(s, 4)
```

```
Link(0, Link(1, Link(3, Link(4, Link(5)))))
```

```
>>> add(s, 6)
```

```
Link(0, Link(1, Link(3, Link(4, Link(5, Link(6)))))
```

```
"""
```

```
if empty(s):
```

```
    return Link(v)
```

```
if s.first > v:
```

```
    s.first, s.rest = _____, _____
```

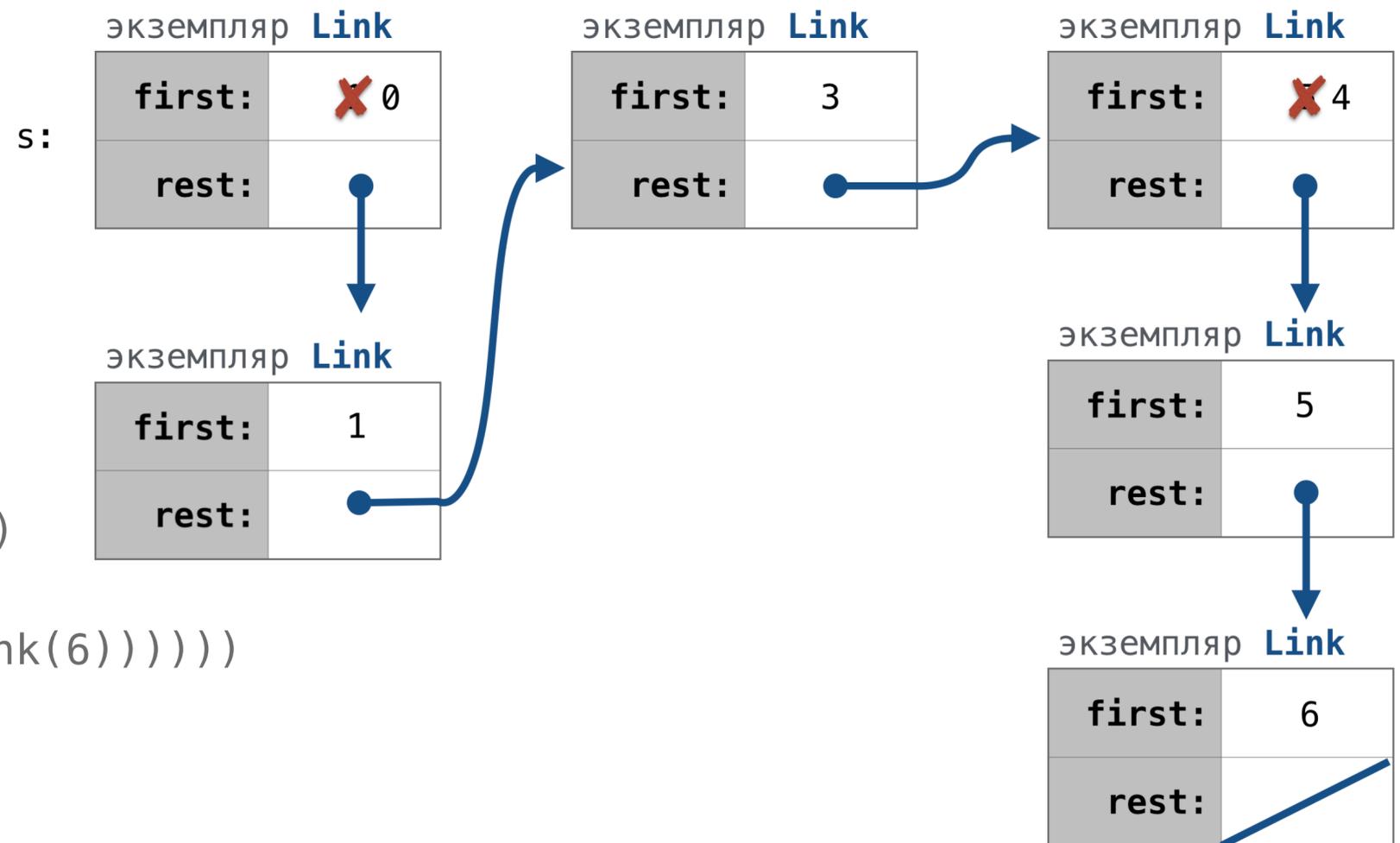
```
elif s.first < v and empty(s.rest):
```

```
    s.rest = _____
```

```
elif s.first < v:
```

```
    _____
```

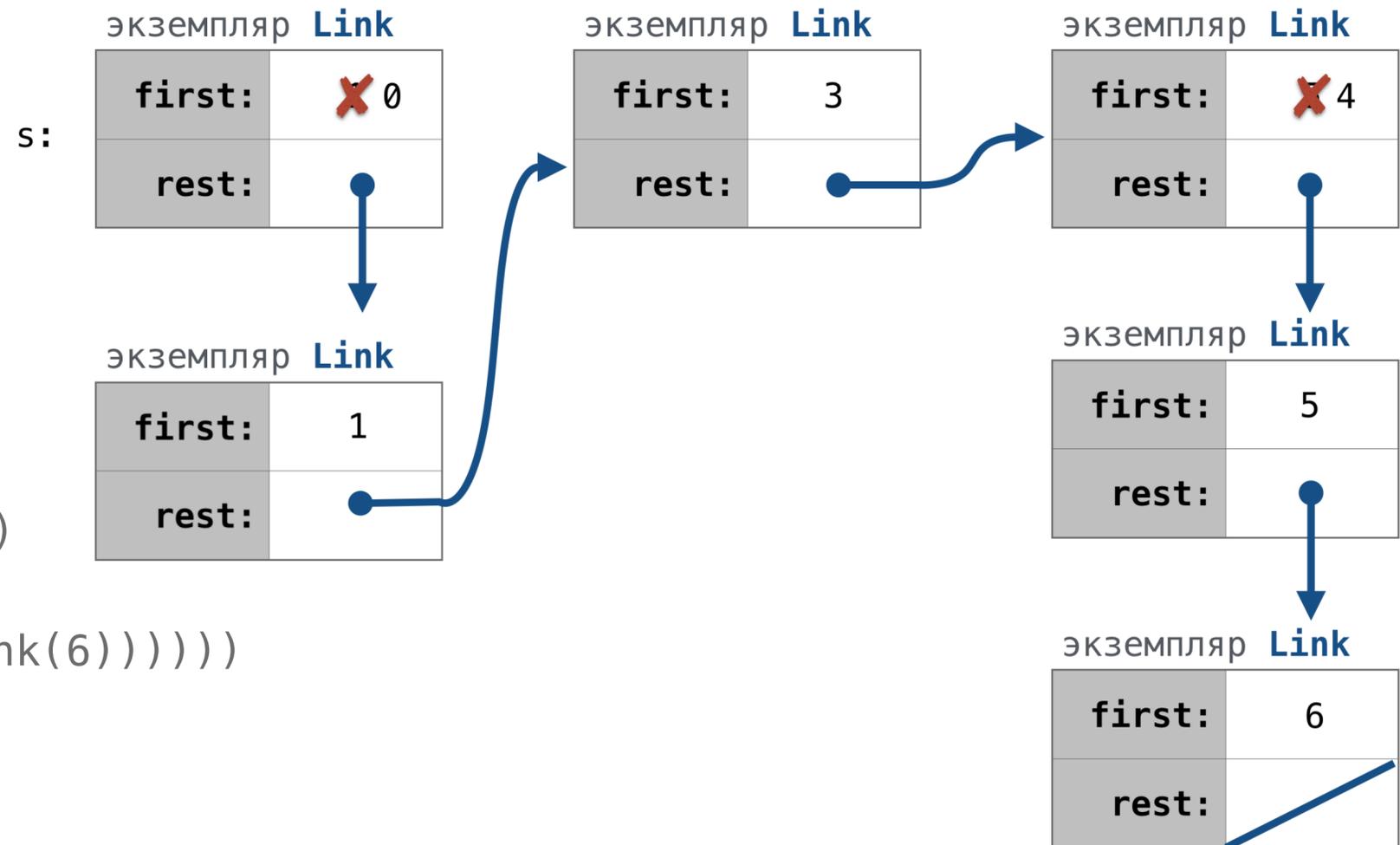
```
return s
```



# Добавление в множество на упорядоченных списках

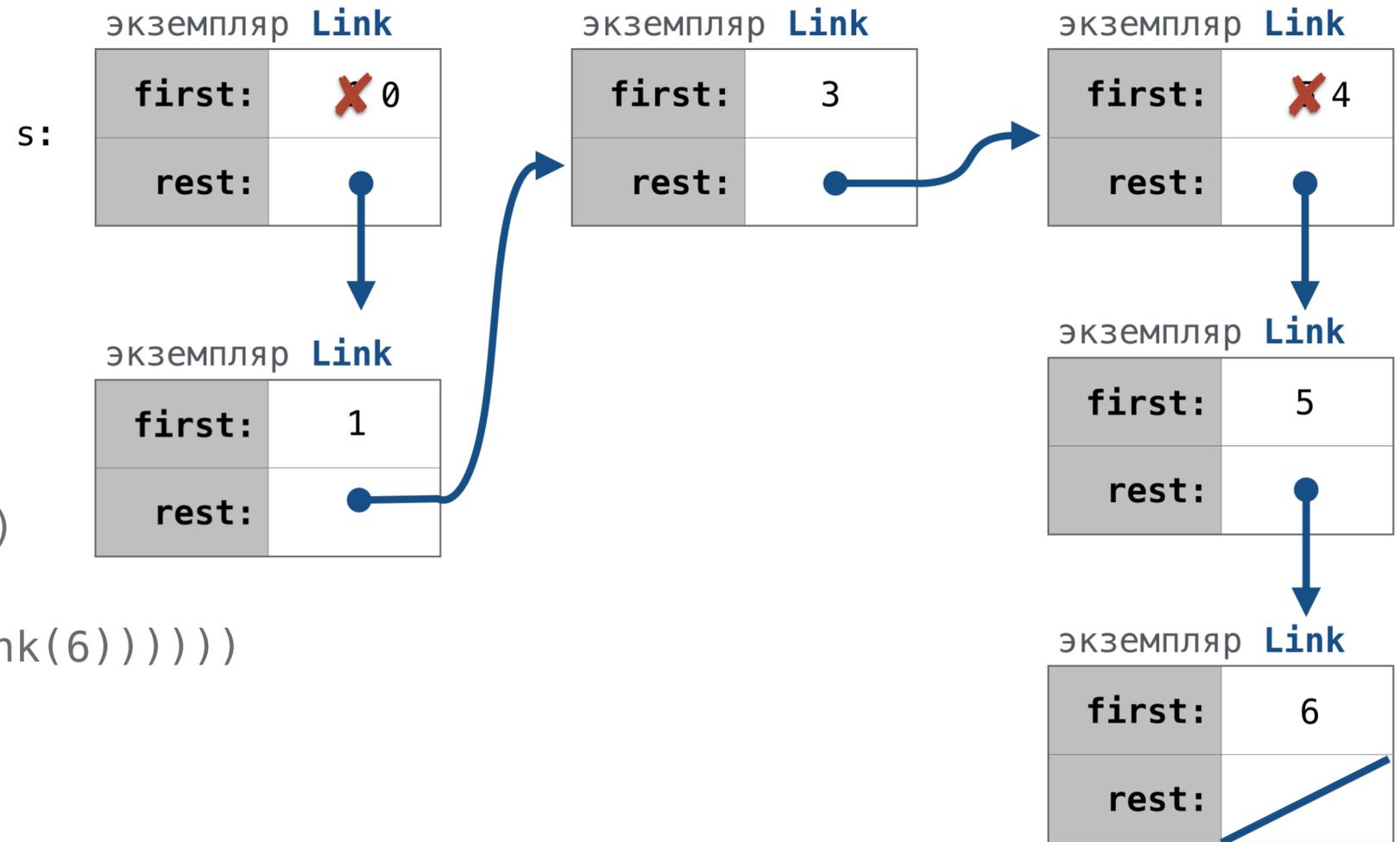
```
def add(s, v):
    """Добавляет v во множество s.

    >>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
    >>> add(s, 0)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(5))))
    >>> add(s, 3)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(5))))
    >>> add(s, 4)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(4, Link(5))))))
    >>> add(s, 6)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(4, Link(5, Link(6))))))
    """
    if empty(s):
        return Link(v)
    if s.first > v:
        s.first, s.rest = v, Link(s.first, s.rest)
    elif s.first < v and empty(s.rest):
        s.rest = Link(v)
    elif s.first < v:
        s.rest = Link(v, s.rest)
    return s
```



# Добавление в множество на упорядоченных списках

```
def add(s, v):  
    """Добавляет v во множество s.  
  
    >>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))  
    >>> add(s, 0)  
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(5))))  
    >>> add(s, 3)  
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(5))))  
    >>> add(s, 4)  
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(4, Link(5))))  
    >>> add(s, 6)  
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(4, Link(5, Link(6)))))  
    """  
    if empty(s):  
        return Link(v)  
    if s.first > v:  
        s.first, s.rest = v, Link(s.first, s.rest)  
    elif s.first < v and empty(s.rest):  
        s.rest = Link(v, s.rest)  
    elif s.first < v:  
        s.rest = Link(s.first, s.rest)  
    return s
```



# Добавление в множество на упорядоченных списках

```
def add(s, v):
    """Добавляет v во множество s.

    >>> s = Link(1, Link(3, Link(5)))
    >>> add(s, 0)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(5))))
    >>> add(s, 3)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(5))))
    >>> add(s, 4)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(4, Link(5))))))
    >>> add(s, 6)
    Link(0, Link(1, Link(3, Link(4, Link(5, Link(6))))))
    """
    if empty(s):
        return Link(v)
    if s.first > v:
        s.first, s.rest = v, Link(s.first, s.rest)
    elif s.first < v and empty(s.rest):
        s.rest = Link(v, s.rest)
    elif s.first < v:
        add(s.rest, v)
    return s
```

